

## Vorlesung 8

### Kaskode und Spannungsverstärker (Source-Schaltung) (common source amplifier)

Das Thema dieser Vorlesung ist der common source Spannungsverstärker (Source-Schaltung) mit und ohne Kaskode.

#### Kaskode

Kaskode ist eine Schaltung bestehend aus einem MOSFET (dem Kaskodentransistor -  $T_{casc}$ ) mit der Konstantspannung am Gate und einer Eingangsstromquelle  $I_{in}$ , die an die Source des Kaskodentransistors angeschlossen ist, Abbildung 1.

Kaskode (engl. cascode) ist ein Kunstwort, es bedeutet cascaded anode. Die Anode ist die positive Elektrode der Elektronenröhre, sie hat ähnliche Funktion wie der Drain vom MOS Transistor. Wir werden normalerweise die Gesamtschaltung, bestehend aus der Stromquelle und dem Transistor  $T_{casc}$ , Kaskode nennen. Manchmal werden wir allein den  $T_{casc}$  als Kaskode bezeichnen. In dem Fall könnte die Schaltung in Abbildung 1 *Stromquelle mit Kaskode* sein.

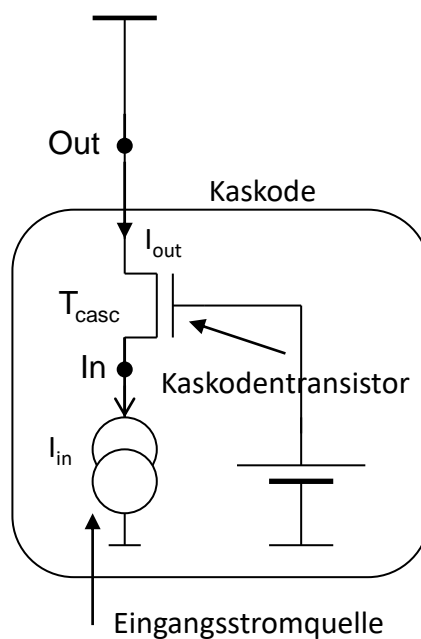


Abbildung 1: Kaskode

Der Kaskodentransistor  $T_{casc}$  funktioniert wie ein Impedanzwandler. Er leitet den Eingangsstrom (den Signalstrom) durch:  $I_{out} = I_{in}$ . Der Kleinsignal-Widerstand am Source des Transistors  $T_{casc}$  (der Eingangswiderstand der Kaskode) ist klein. Der Ausgangswiderstand am Drain von  $T_{casc}$  ist groß.

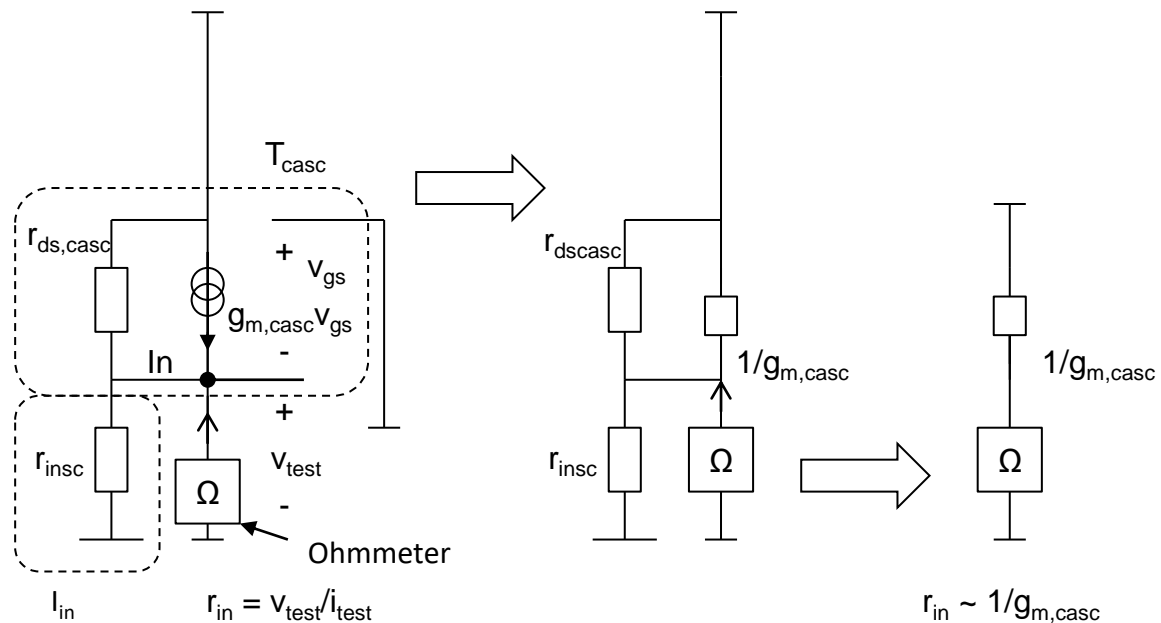


Abbildung 2: Eingangswiderstand vom Kaskodentransistor

### Eingangswiderstand des Kaskodentransistors

Abbildung 2 zeigt eine Testschaltung, mit der wir den Kleinsignalwiderstand  $r_{in}$  rechnen.

Nennen wir vorab das Ergebnis:

$R_{in} \sim 1/g_{m,casc}$ , wo  $g_{m,casc}$  die Transkonduktanz des Kaskodentransistors  $T_{casc}$  ist.

Um das herzuleiten, stellen wir uns vor, dass ein Ohmmeter, angeschlossen an Knoten  $In$  (source von  $T_{casc}$ ) eine Kleinsignal-Spannung  $v_{test}$  erzeugt und den Strom  $i_{test}$  misst.

Die Spannung  $v_{test}$  erzeugt für  $T_{casc}$  die Gate-Source Spannung:

$$v_{gs} = -v_{test}$$

Deswegen leitet  $T_{casc}$  (bzw. die Stromquelle in seinem Kleinsignalmodell) einen Strom  $i = g_{m,casc} \times v_{test}$ . Das entspricht einem Widerstand:

$$v_{test}/i_{test} = 1/g_{m,casc} \quad (1)$$

Das Ohmmeter „sieht“ auch die Parallelschaltung von  $r_{ds,casc}$  ( $r_{ds}$  vom  $T_{casc}$ ) und des Widerstands der Eingangsquelle ( $r_{insc}$ ). Diese Widerstände sind viel größer als  $1/g_{m,casc}$  und können vernachlässigt werden.

$1/g_{m,casc}$  ist relativ klein (relativ bedeutet Größenordnung  $k\Omega$  oder kleiner). Das bedeutet, dass die Spannungsänderung am Source von  $T_{casc}$  relativ klein ist. (Relativ bedeutet im Vergleich mit der Spannungsänderung am Drain vom  $T_{casc}$ .)

### Ausgangswiderstand des Kaskodentransistors

Wie groß ist der Kleinsignalwiderstand  $r_{out}$  am Drain von  $T_{casc}$  (am Punkt Out)?

Nennen wir auch hier vorab das Ergebnis:

$R_{out}$  ist deutlich grösser als  $r_{ds,casc}$  und  $r_{in,sc}$ . ( $R_{in,sc}$  ist der Kleinsignalwiderstand der Eingangsstromquelle.)

Genauere Herleitung zeigt:

$$r_{out} = g_{m,casc} r_{ds,casc} r_{in,sc} \quad (2)$$

Die Testschaltung für die Berechnung von  $r_{out}$  sehen wir in Abbildung 3.

Die Erhöhung des Widerstands ist die Folge der negativen Rückkopplung. Das kann man folgenderweise erklären.

Schaltung B in Abbildung 3 bekommen wir, wenn wir  $T_{casc}$  durch sein Kleinsignalmodell ersetzen. Im Schaltung B kann man eine Rückkopplung besser erkennen. Wenn das Ohmmeter eingeschaltet wird und eine Spannung  $V_{test}$  entsteht, fließt zunächst ein Strom  $i_{test0}$  durch  $r_{ds,casc}$  und  $r_{in,sc}$ . Das führt zum Anstieg von  $v_s$ . Somit entsteht eine negative  $v_{gs}$  und die Stromquelle im Transistor erzeugt einen Strom  $i_{ds}$  entgegen der Richtung des ursprünglichen Stromes. Das Ohmmeter misst einen kleineren Strom und einen größeren Widerstand.

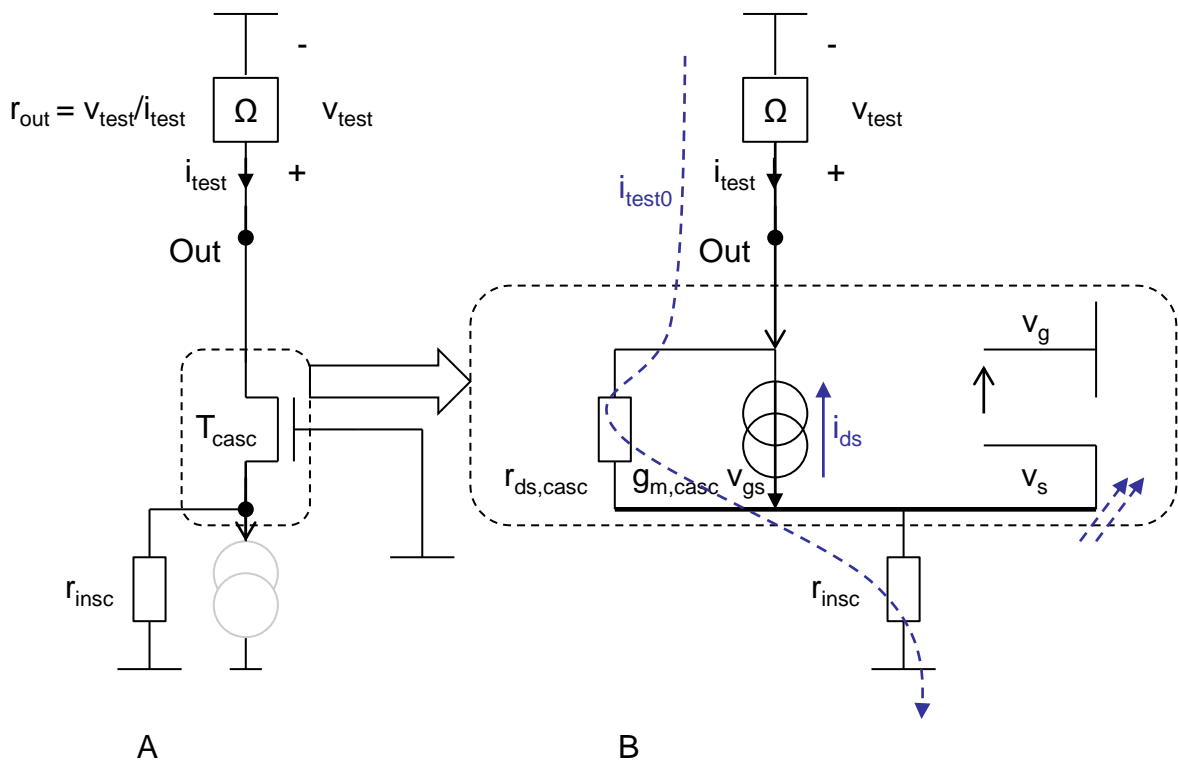


Abbildung 3: Testschaltung für Berechnung von  $r_{out}$

Berechnen wir jetzt  $r_{out}$  genau.

Wie oben beschrieben, beeinflusst die Rückkopplung den Ausgangswiderstand.

Erinnern uns an die Formel von Mason:

$$A_{FB} = \frac{FF + A_{IN}A_{OL}}{1 - \beta A} \quad (3)$$

$A_{FB}$  ist die Verstärkung mit Rückkopplung,  $\beta A$  die Schleifenverstärkung und  $FF$ ,  $A_{IN}$  und  $A_{OL}$  die Faktoren Vorwärtsverstärkung, Eingangsverstärkung und Leerlaufverstärkung. Die Herleitung der Formel ist in Abbildung 4 gezeigt. Eine Schaltung mit Rückkopplung (oben) wird auf zwei Schaltungen ohne Rückkopplung zerlegt (A und B), indem die Rückkopplung in einem geeigneten Punkt (am Eingang des Verstärkers) getrennt wird. Spannungen  $v_i^*$  und  $v_o$  (Ausgang) werden als Funktionen Spannungen  $v_s$  (Eingang) und  $v_i^*/v_o$  dargestellt. Wenn wir noch die Bedingung  $v_i = v_i^*$  berücksichtigen, bekommen wir aus den Gleichungen für A und B die Formel von Mason.

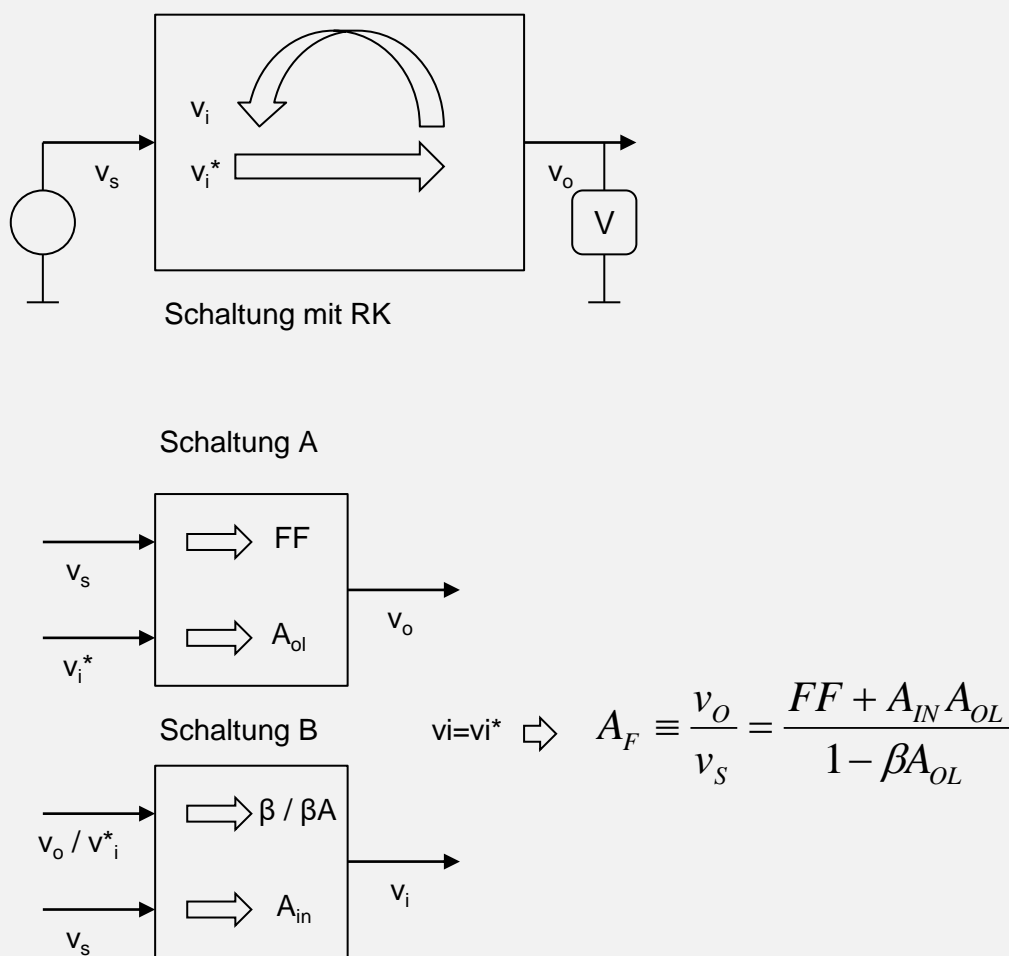


Abbildung 4: Herleitung der Formel von Mason

Auf die gleiche Weise kann man eine Formel für Ausgangsimpedanz (oder Impedanz zwischen zwei beliebigen Knoten) herleiten. Abbildung 5 und Abbildung 6 zeigen zwei Testschaltungen für die Bestimmung vom Ausgangswiderstand der Schaltung mit Rückkopplung  $R_{FB}$ . Die erste Schaltung verwendet eine Stromquelle  $i_{test}$ , wobei  $v_{test}$  gemessen wird. Die zweite Schaltung verwendet eine Spannungsquelle  $v_{test}$  und der Strom  $i_{test}$  wird gemessen. In beiden Fällen ist  $R_{FB} = v_{test} / i_{test}$  und beide Schaltungen müssen zum gleichen  $R_{FB}$  Ergebnis führen. Wenn man die Originalschaltung auf A und B zerlegt und  $v_i = v_i^*$  berücksichtigt bekommt man die Formeln

für  $R_{FB}$  (A1) und (A2), Abbildung 5 und Abbildung 6. Aus (A1) und (A2) folgt die Formel (A3) (Abbildung 6), die als Formel von Blackman bekannt ist.

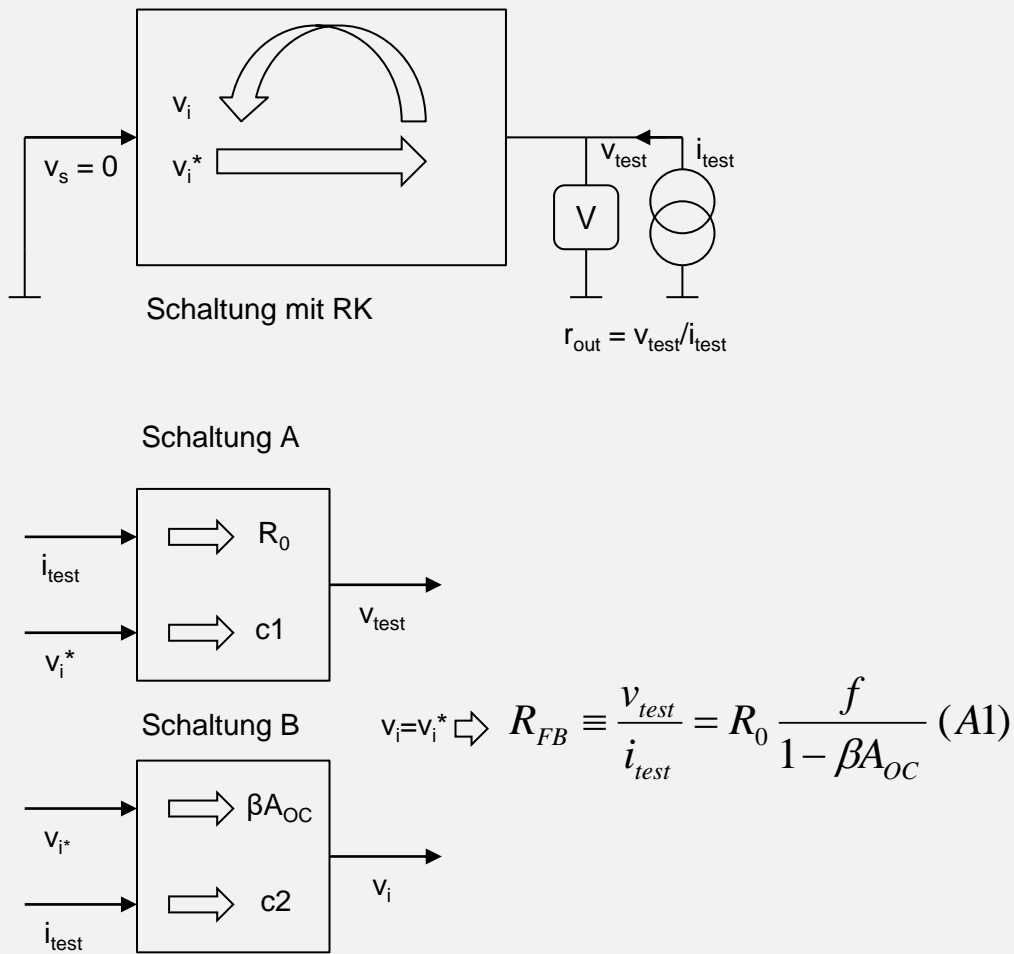
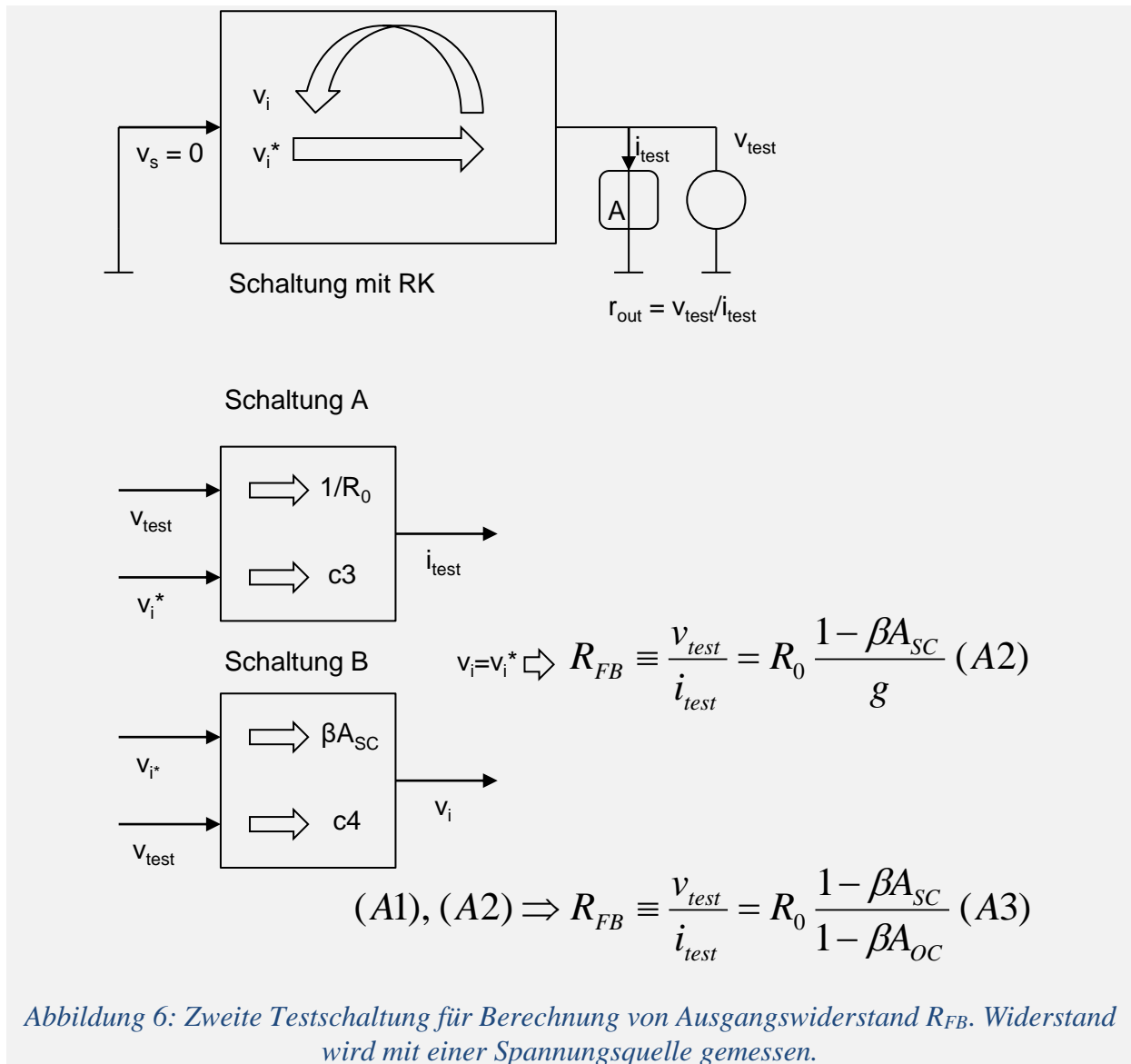


Abbildung 5: Erste Testschaltung für Berechnung von Ausgangswiderstand  $R_{FB}$ . Widerstand wird mithilfe einer Stromquelle gemessen.



Einen Widerstand in einer Schaltung mit Rückkopplung kann man mithilfe der Formel von Blackman berechnen:

$$r_{outFB} = r_{out0} \frac{1 - \beta A_{SC}}{1 - \beta A_{OC}} \quad (4)$$

$r_{out0}$  ist der Widerstand, den wir hätten wenn die Rückkopplung ausgeschaltet wird. (Durch das Setzen der Spannung am Eingang des Verstärkers auf 0.)

$\beta A_{SC}$  ist die Schleifenverstärkung unter der Bedingung, dass die Punkte, zwischen denen sich das Ohmmeter befindet, kurzgeschlossen sind.

$\beta A_{OC}$  ist die Schleifenverstärkung unter der Bedingung, dass die Punkte, zwischen denen sich das Ohmmeter befindet, getrennt sind.

Die Testschaltung ist in Abbildung 7 gezeigt. Die Rückkopplung wurde getrennt.

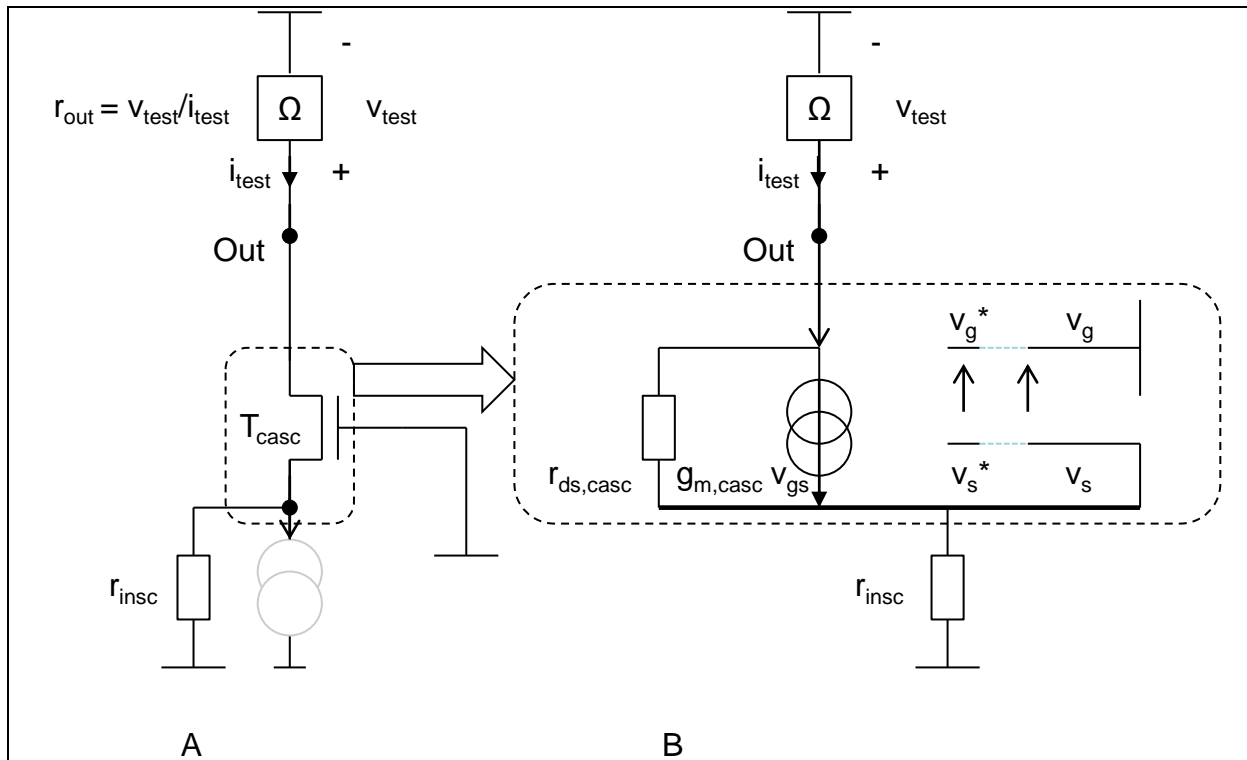


Abbildung 7: Testschaltung für Berechnung von  $r_{out}$

Berechnen wir zuerst den Widerstand ohne Rückkopplung  $r_{out0}$ .

Abbildung 8 zeigt die entsprechende Testschaltung.

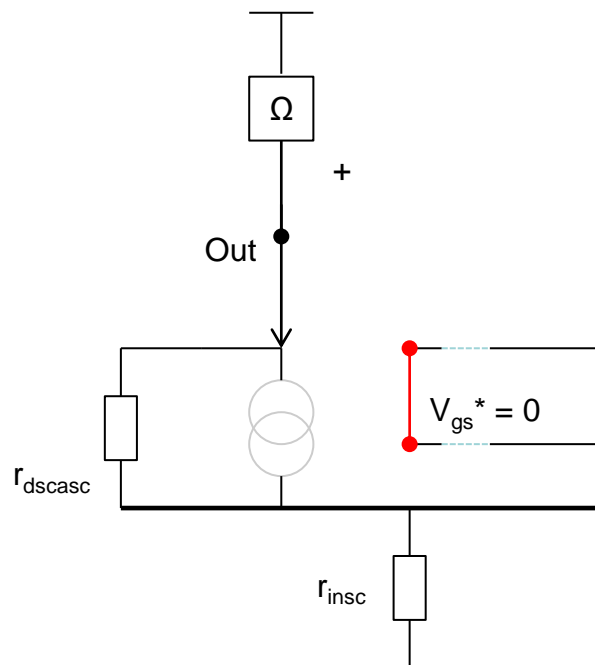


Abbildung 8: Testschaltung für Berechnung vom Widerstand ohne Rückkopplung  $r_{out0}$

Die Rückkopplung wird ausgeschaltet indem  $v_g^*$  und  $v_s^*$  kurzgeschlossen werden. Dadurch wird die Quelle im Transistormodell ausgeschaltet. Das Ohmmeter „misst“ nur die Rheinschaltung von  $r_{ds,casc}$  und  $r_{sig}$ . Es gilt:

$$r_{out0} = r_{ds,casc} + r_{sig}$$

Abbildung 9 zeigt die Testschaltung für  $\beta A_{OC}$ . Die Leitung wo sich das Ohmmeter befunden hat, ist nun getrennt.  $\beta A_{OC}$  wird folgenderweise definiert:

$$\beta A_{OC} = (v_s - v_s) / v_{test}$$

Beachten wir, dass der Strom der in das eingekreiste Netzwerk fließt ( $i_{in}$ ) null ist (weil die Leitung getrennt ist). Deswegen muss auch der Strom der aus dem Netzwerk in den Widerstand  $r_{insec}$  fließt ( $i_{out}$ ) null sein (1. Kirchhoffsches Gesetz). Deswegen ist auch  $v_s = 0$ . Da  $v_s$  null ist, gilt:  $v_g - v_s = 0$  und

$$\beta A_{OC} = 0.$$

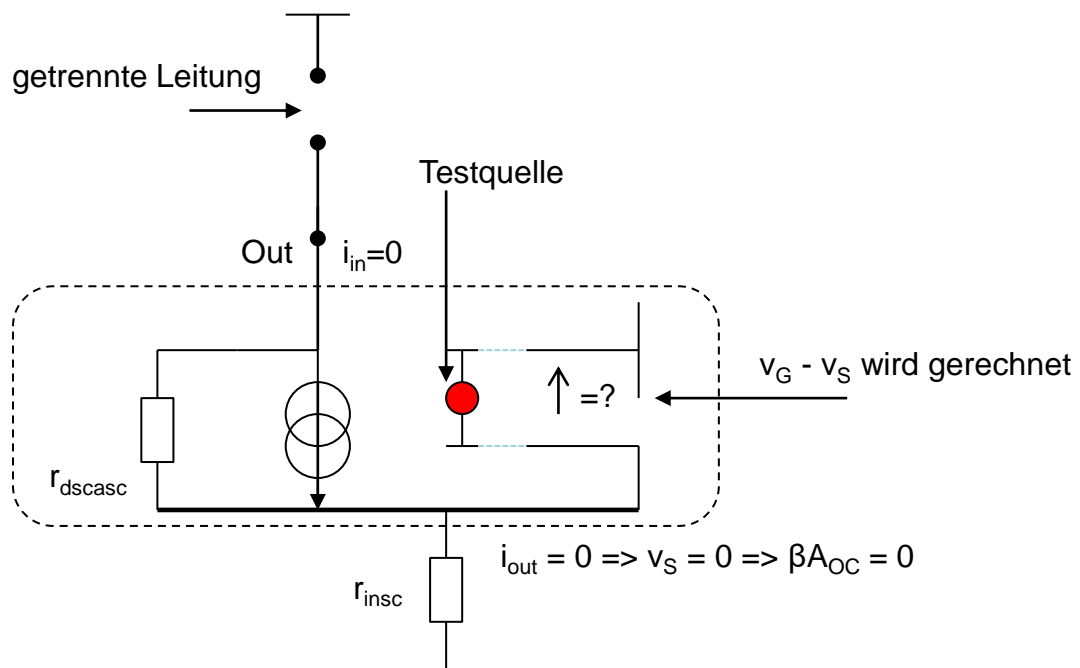
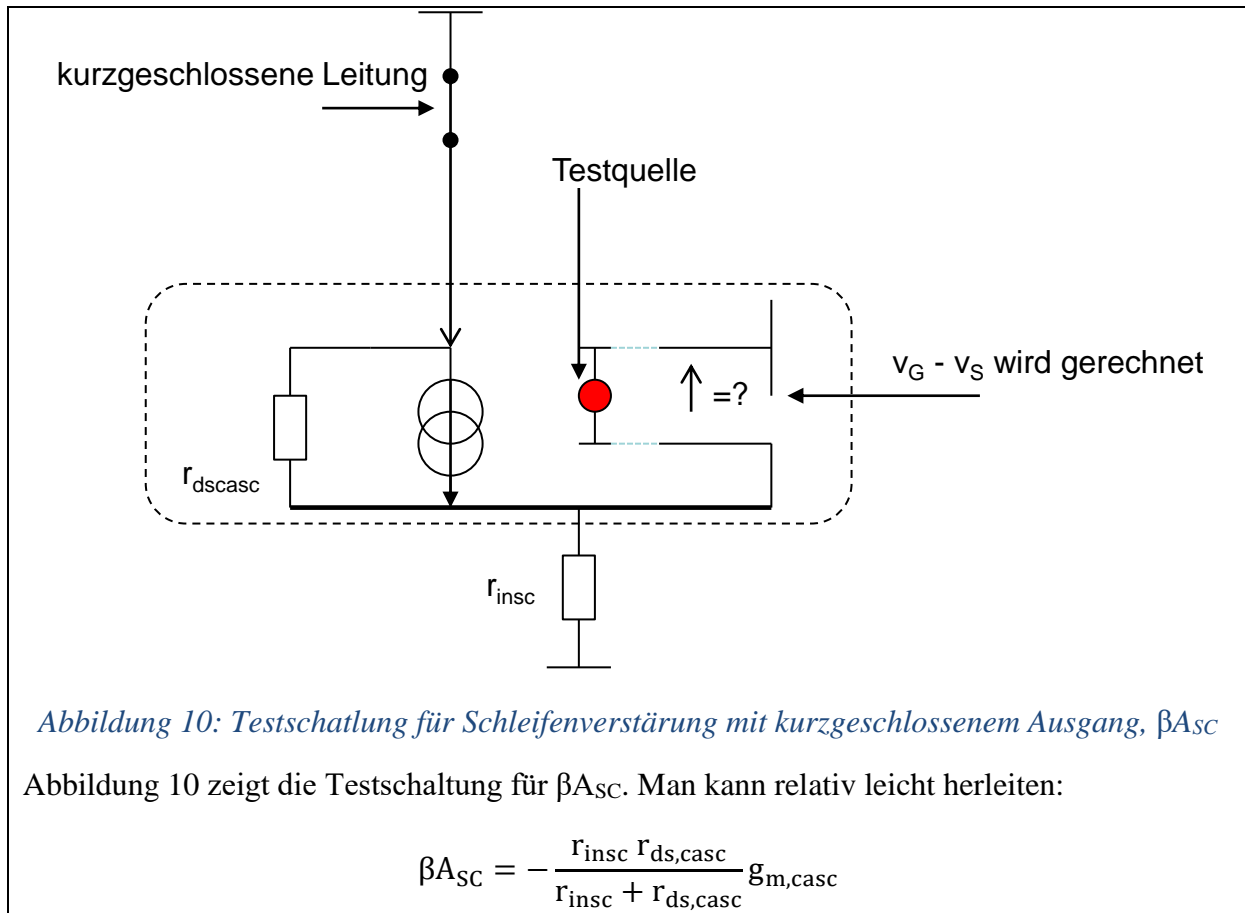


Abbildung 9: Testschaltung für Schleifenverstärkung mit offenem Ausgang,  $\beta A_{OC}$





Wenn man die Ergebnisse für  $r_{out0}$ ,  $\beta_{AOC}$  und  $\beta_{AOC}$  in die Formel von Blackman (4) einsetzt, bekommt man:

$$r_{out} = (r_{insc} + r_{ds,casc}) \left( 1 + \frac{r_{insc} r_{ds,casc}}{r_{insc} + r_{ds,casc}} g_{m,casc} \right) \sim r_{insc} r_{ds,casc} g_{m,casc} \gg r_{insc} \quad (5)$$

Das Produkt  $g_m r_{ds}$  ist in der Schaltung aus der Übung etwa 40.

Ein Kaskodentransistor hat eine ähnliche Funktion wie ein Stromspiegel mit angeschlossener Signalquelle: Es gibt einen Stromeingang, einen Stromausgang,  $r_{in}$  ist klein,  $r_{out}$  ist groß (Abbildung 11).

Hauptunterschied: ein Kaskodentransistor wechselt die Stromrichtung. Ein Stromspiegel nicht.

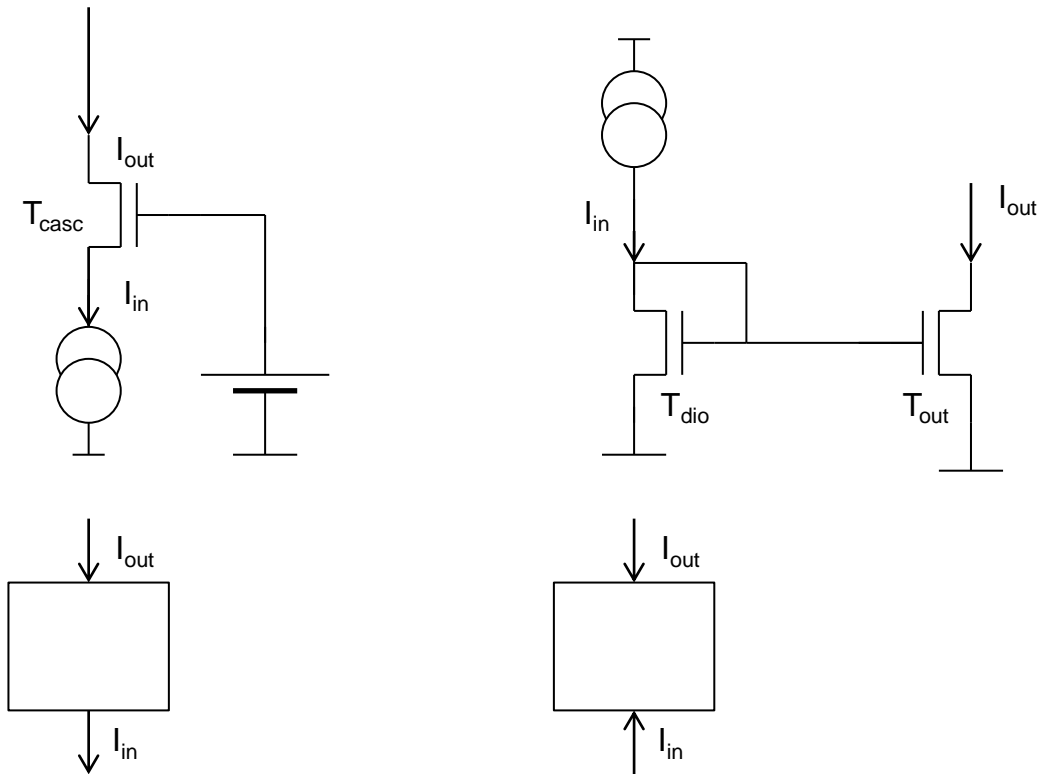


Abbildung 11: Kasodentransistor und Stromspiegel

### Spannungsverstärker (Source-Schaltung) (common source amplifier)

Wir werden nun auf eine der wichtigsten Grundschaltungen eingehen: den Spannungsverstärker. Diese Schaltung nennen wir noch die „Source-Schaltung“ (engl. common source amplifier). Der Name Source-Schaltung bedeutet, dass die Source des Eingangstransistors an eine Konstantsspannung (Masse im Kleinsignalmodell) angeschlossen ist.

Einen Spannungsverstärker bekommen wir am einfachsten, wenn wir einen (Last-)Widerstand  $R_{load}$  an eine Stromquelle (den Eingangs-Transistor  $T_{in}$ ) anschließen, wie in Abbildung 12. (English load = Last) Der Widerstand hat zwei Aufgaben – erstens den Eingangstransistor  $T_{in}$  zu biasen und einen richtigen DC Arbeitspunkt herzustellen und, zweitens, den Strom in eine Spannung umzuwandeln.

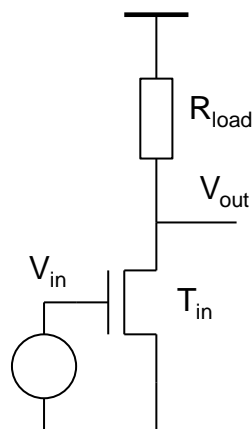


Abbildung 12: Spannungsverstärker (Source-Schaltung, common source amplifier)

Wie wir in Vorlesung 5 gezeigt haben, können wir die Großsignalanalyse graphisch durchführen (Lastenanalyse).

Auf dem gleichen Plot zeichnen wir die  $I_{ds}$ - $V_{ds}$  Kennlinie des Transistors und die entsprechende Kennlinie des Widerstands, Abbildung 13. Die Ausgangsspannung bestimmen wir aus dem Schnittpunkt von Transistor- und Widerstandskennlinien. Falls die Eingangsspannung steigt, bewegt sich die Transistorkennlinie nach oben und die Ausgangsspannung von der positiven Versorgung VDD nach links.

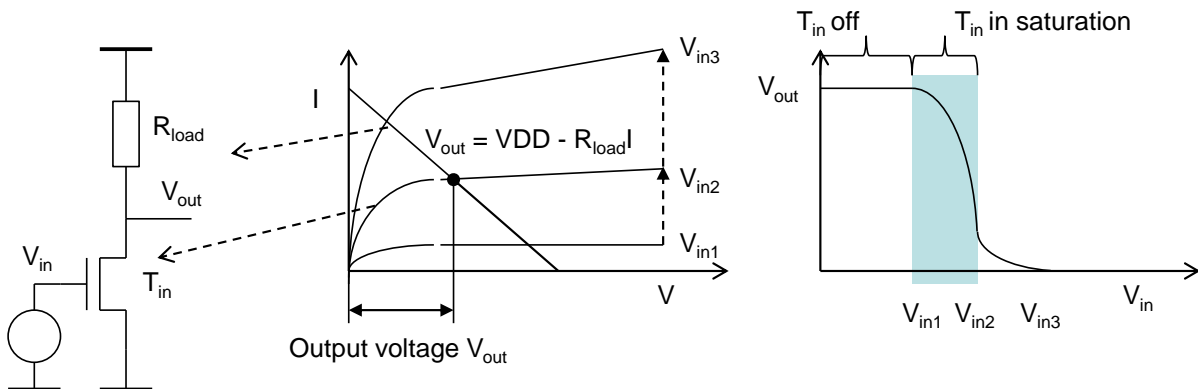


Abbildung 13: Graphische DC-Analyse

Für den Arbeitsbereich wo  $T_{in}$  in Sättigung ist (Bedingung ist  $V_{out} > V_{dssat} = V_{in} - V_{th}$ ), können wir die Kleinsignalschaltung herleiten. Die Spannungsverstärkung kann man mithilfe von Kleinsignalschaltungen in Abbildung 14 berechnen:

$$A = \frac{v_{out}}{v_{in}} = -g_m(r_{ds} || R_{load}) \equiv -g_m r_{out} \quad (6)$$

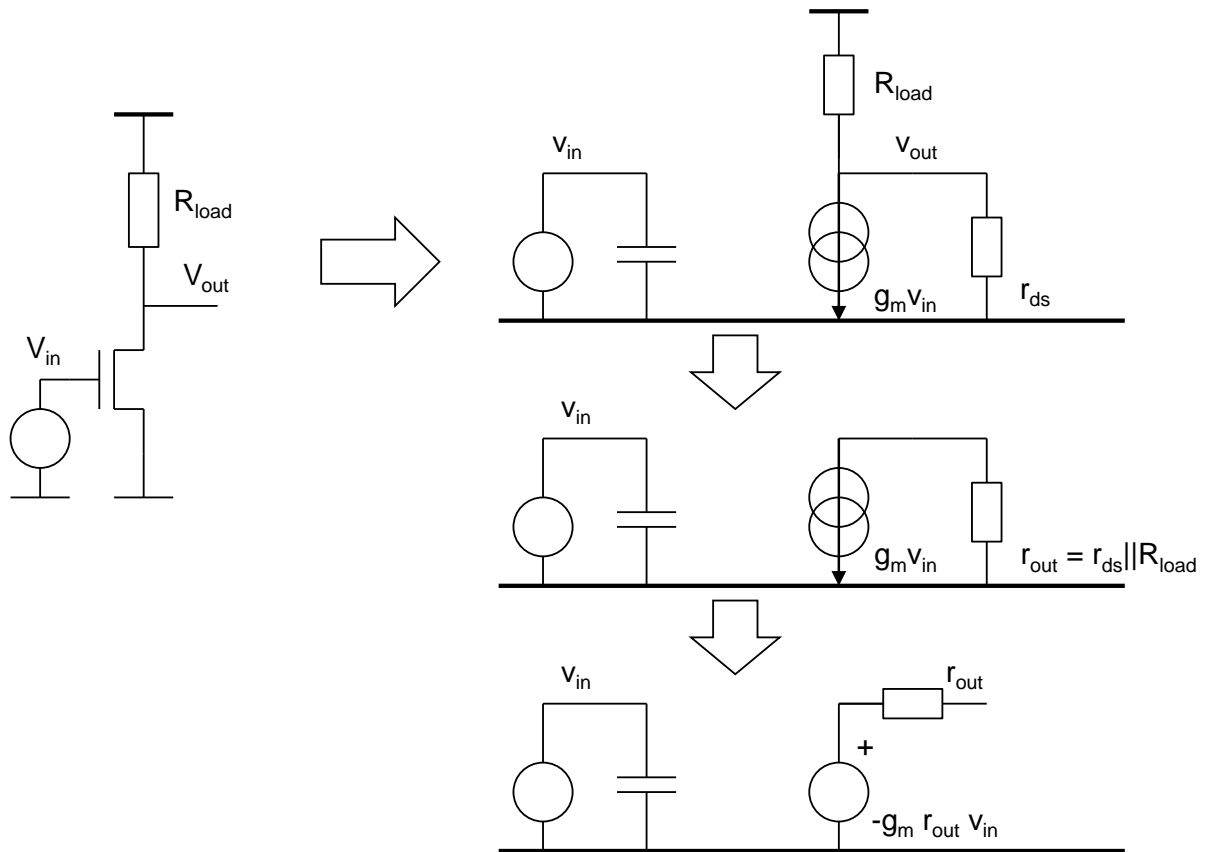


Abbildung 14: Spannungsverstärker, Kleinsignalschaltung

## Spannungsverstärker mit aktiver Last

### Motivation

Um die Verstärkung zu maximieren brauchen wir relativ große Werte für  $g_m$  und  $r_{out}$ .

Ein  $r_{ds}$  Widerstand  $> 50 \text{ k}\Omega$  gilt als groß. Eine Transkonduktanz  $g_m > 1 \text{ mS}$  gilt ebenfalls als groß.

Der Nachteil des Verstärkers mit einem linearen Widerstand ist es, dass man nicht sowohl  $g_m$  als auch  $r_{out} = R_{load} \parallel r_{ds}$  maximieren kann.

Wenn der Widerstand  $R_{load}$  groß ist, verläuft seine Kennlinie nahe an X-Achse. Der Transistorstrom ist dann klein. Ein kleiner Strom führt zu einer kleinen Transkonduktanz. Das zeigt die Abbildung 15.

Für kleine  $R_{load}$ -Werte, der Transistorstrom ist höher, sowie auch dessen Transkonduktanz. Allerdings, wegen dem kleinen  $R_{load}$ , ist die Verstärkung klein.

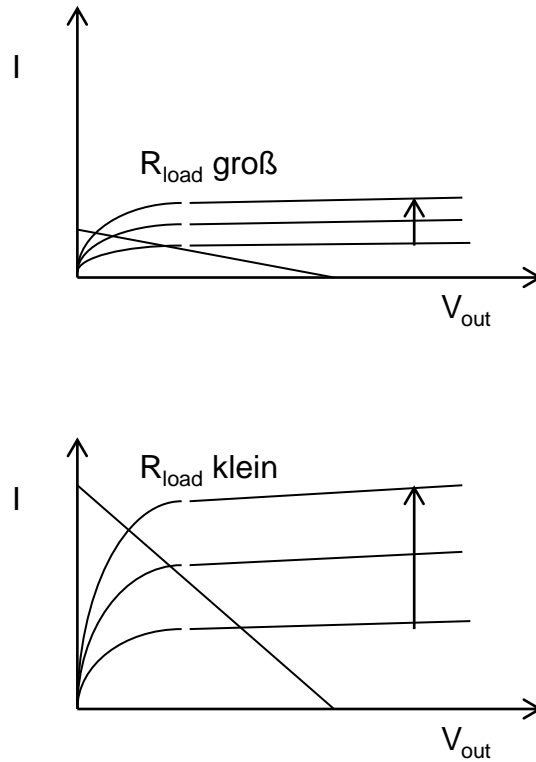


Abbildung 15: Kennlinien für kleinen und großen  $R_{load}$

Eine Last-Kennlinie die relativ schnell steigt und dann im großen  $V_{out}$  Bereich waagrecht verläuft (wie in Abbildung 16) wäre besser als die Kennlinie des Widerstandes.

Ein PMOS Transistor (eine PMOS Stromquelle) mit dem Source am VDD (positive Versorgungsspannung) und mit einem konstanten Gate-Potential hat eine fast ideale Kennlinie, wie in Abbildung 17 zu sehen ist.

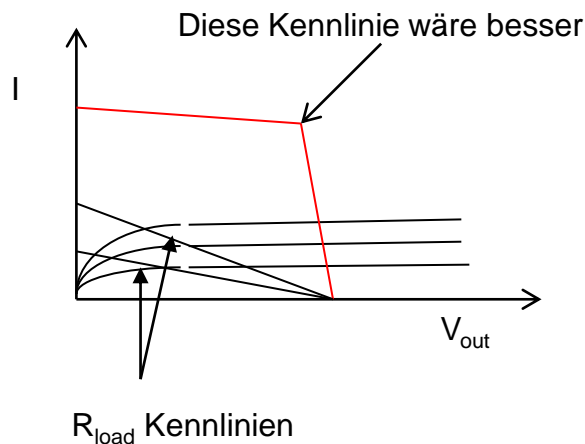


Abbildung 16: Kennlinie eines idealen Last-Bauteils

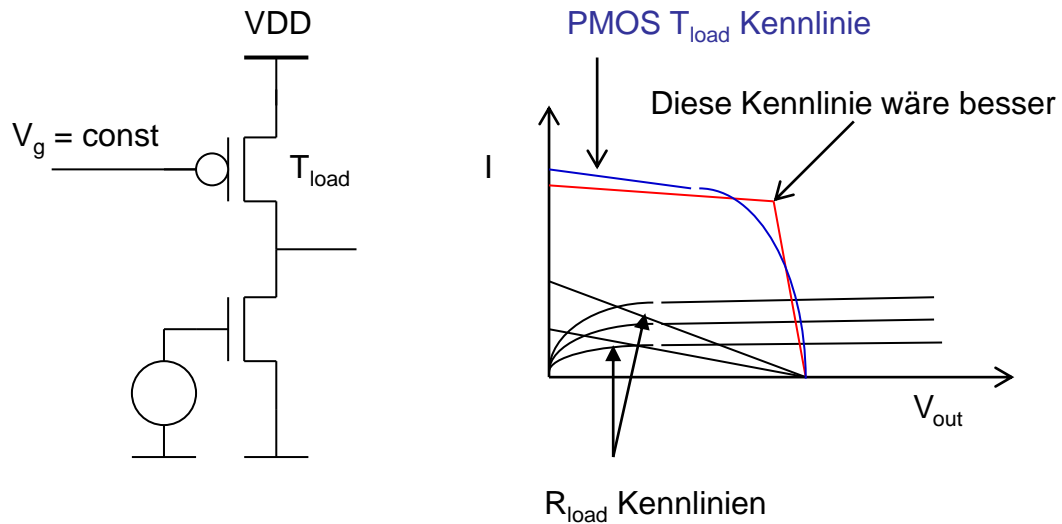


Abbildung 17: Kennlinie eines idealen Last-Bauteils, PMOS Kennlinie

Wir bekommen einen besseren Verstärker, wenn wir Widerstand  $R_{\text{load}}$  durch eine PMOS Stromquelle ersetzen, Abbildung 18. Wir zeichnen in der Abbildung auch die Bias-Schaltung für die Stromquelle in Form von MOSFET Diode  $T_{\text{dio}}$  und einer Stromquelle  $I_{\text{bias}}$ . Diese Bias-Stromquelle kann auf verschiedene Weisen realisiert werden, am einfachsten als Widerstand  $R_{\text{bias}}$ , wie in der Abbildung rechts zu sehen ist.

Ein Lastelement aus einem Transistor nennt man *aktive Last*. Wir nennen dann die Schaltung von Abbildung 18 einen *Verstärker mit aktiver Last*.

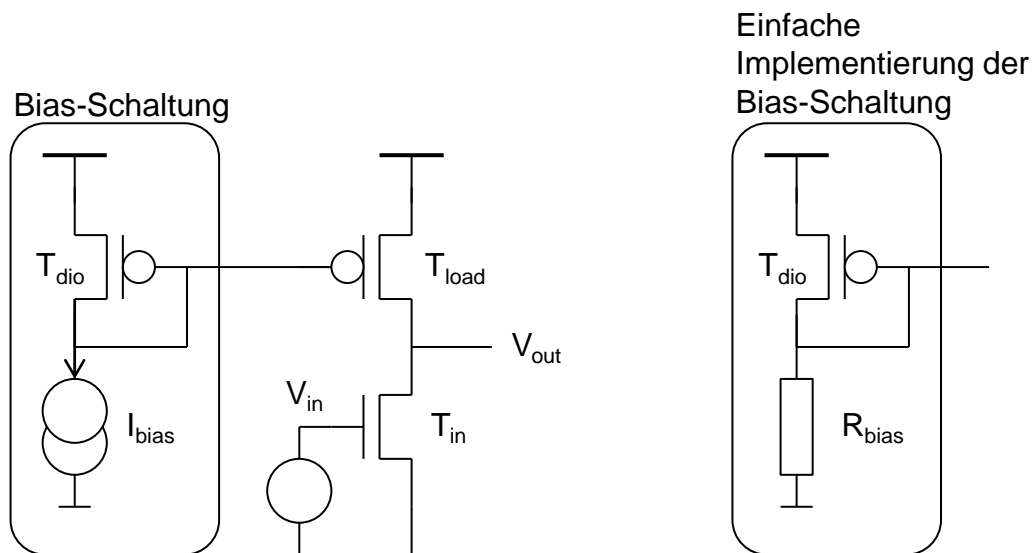


Abbildung 18: Spannungsverstärker mit aktiver Last

Aus den Kennlinien vom  $T_{in}$  und  $T_{load}$  können wir die  $V_{out} = f(V_{in})$  Kennlinie herleiten, Abbildung 19. Die Verstärkung ist groß nur im Bereich wo beide Transistoren  $T_{in}$  und  $T_{load}$  in Sättigung sind.

Die Sättigungsbedingung für  $T_{in}$  ist  $V_{out} > V_{in} - V_{th}$ . Die Sättigungsbedingung für  $T_{load}$  ist  $V_{out} < V_{DD} - V_{dssat,load}$  wobei  $|V_{dssat}| = |V_{gs}| - |V_{th}|$ . Der Bereich wo beide Transistoren in Sättigung sind ist in Abbildung 19 (unten) grau markiert.

Wir sehen aus dem oberen Graph in Abbildung 19, dass der DC Strom im Bereich mit großer Verstärkung relativ groß ist. Wir können deswegen eine hohe Transkonduktanz erwarten.

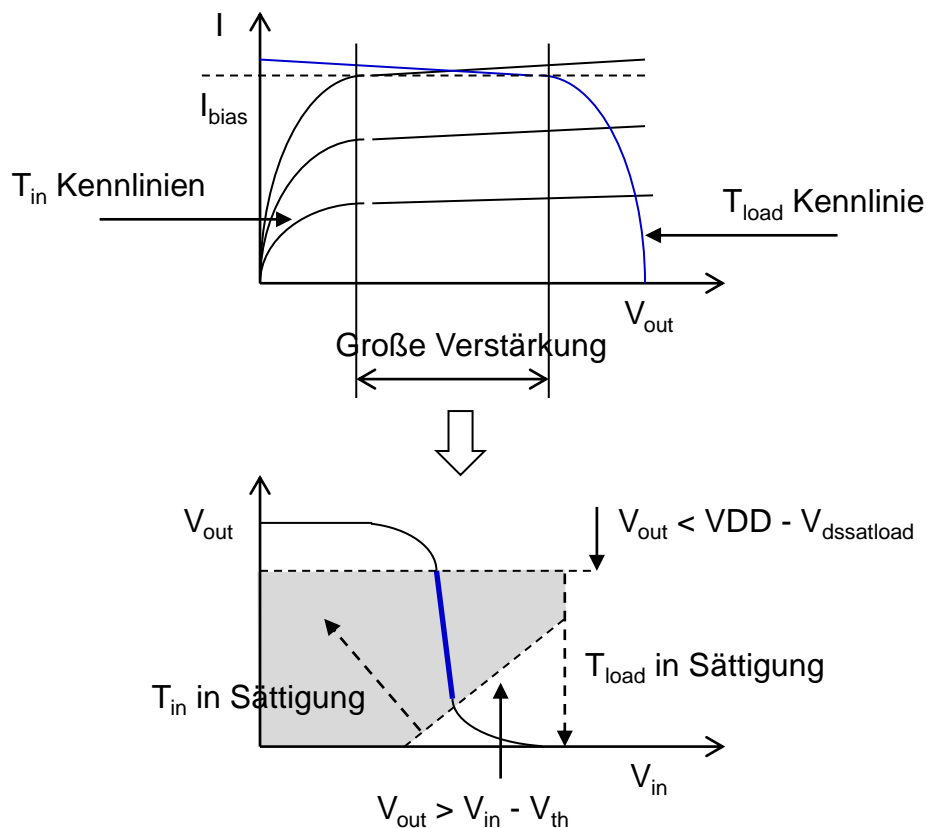


Abbildung 19: Kennlinie des Spannungsverstärkers mit der aktiven Last

Das Kleinsignalmodell des Verstärkers sehen wir in Abbildung 20. Die Spannungsverstärkung ist:

$$A = -g_{m,in}(r_{ds,in} || r_{ds,load}) \equiv -g_{m,in}r_{out}$$

$G_{m,in}$  und  $r_{ds,in}$  sind die Transkonduktanz und der drain-source Widerstand des Eingangstransistors  $T_{in}$ .  $r_{ds,load}$  ist der drain-source Widerstand des Last-Transistors  $T_{load}$ .

Ein Verstärker ist eine Zweiter-Schaltung. Diese Schaltung wird mit Verstärkung und Eingangs- und Ausgangsimpedanzen beschrieben. Die Eingangsimpedanz des

Spannungsverstärkers entsteht wegen der Gate-Source Kapazität von  $T_{in}$ . Der Ausgangswiderstand ist:

$$r_{out} = r_{ds,in} \parallel r_{ds,load}$$

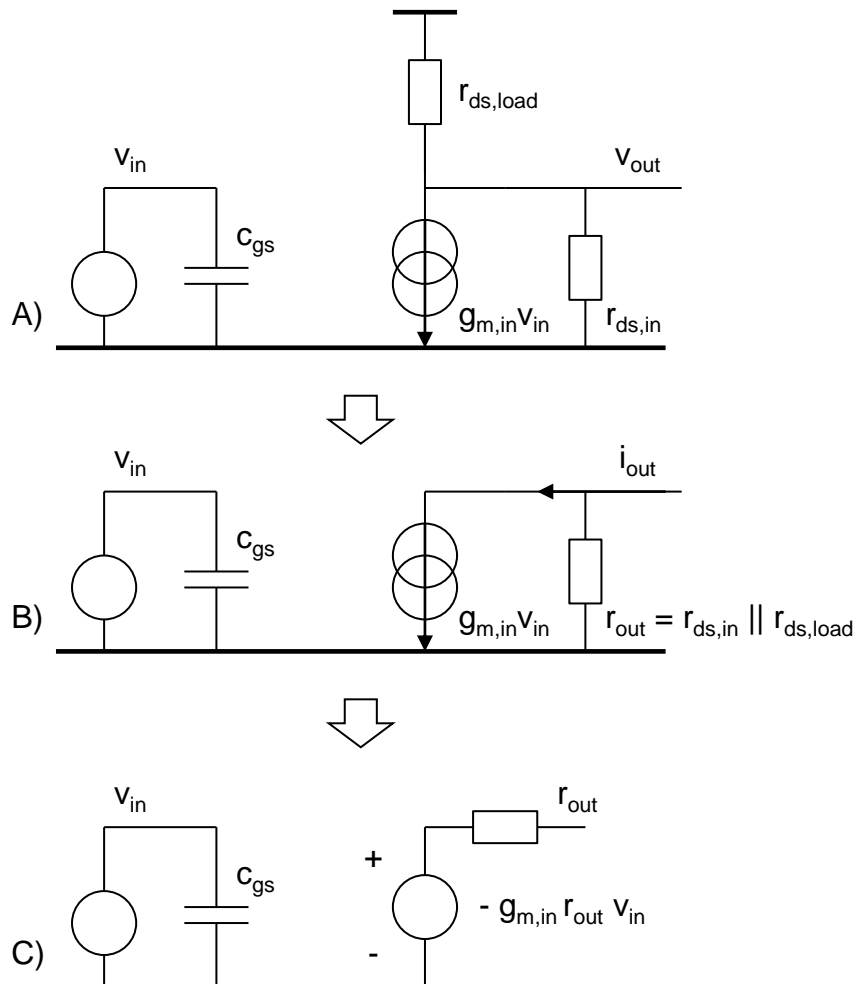


Abbildung 20: Kelinsignalmodell des Spannungsverstärkers mit aktiver Last

Der Verstärker kann dementsprechend für kleine Signale als spannungsgesteuerte Stromquelle mit dem Strom  $i_{out} = g_{m,in} V_{in}$  und dem Ausgangswiderstand  $r_{out} = r_{ds,in} \parallel r_{ds,load}$  dargestellt werden, Schaltung B in Abbildung 20.

Der Verstärker kann ebenfalls als spannungsgesteuerte Spannungsquelle mit der Spannung  $v_{out} = -g_{m,in} r_{out} V_{in}$  und dem Ausgangswiderstand  $r_{out} = r_{ds,in} \parallel r_{ds,load}$  dargestellt werden, Schaltung C in Abbildung 20. Beide Darstellungen sind äquivalent.

### Weitere Optimierung der Verstärkung (optional)

Wir haben in Vorlesungen 5 und 6 gesehen, dass ein Spannungsverstärker normalerweise mit Rückkopplung benutzt wird. Ein Beispiel ist der invertierende Verstärker mit  $C_{in}$  und  $C_{fb}$ . Eine



Wichtige Größe ist die Leerlaufverstärkung  $\beta A = g_{m,in} r_{out} C_{fb} / (C_{fb} + C_{in})$ . Wenn  $\beta A \gg 1$  ist, hängt die Verstärkung mit Rückkopplung hauptsächlich vom Verhältnis der Kapazitäten  $C_{in}$  und  $C_f$  und nicht von  $g_m$  und  $r_{ds}$ . Das ist besser, da  $C_{in}$  und  $C_f$  sehr genau sind und  $g_m$  und  $r_{ds}$  große Variationen von Designwerten haben können. Das bedeutet: eine große Verstärkung  $g_m r_{out}$  ist wichtig, da sie zu großer  $\beta A$  führt.

Wir haben in Vorlesung 6 auch hergeleitet, dass für eine schnelle Impulsantwort (große Bandbreite) eine große  $g_m$  notwendig ist.

Versuchen wir die Parameter des Verstärkers:  $I_{bias}$  und  $W$  und  $L$  von beiden Transistoren  $T_{in}$  und  $T_{load}$  zu optimieren, so dass wir möglichst große Verstärkung und große  $g_m$  bekommen.

$R_{out}$  ist die Parallelschaltung von  $r_{ds}$ -Widerständen von  $T_{in}$  und  $T_{load}$ .

Schreiben wir zuerst die Formel für  $r_{ds}$  und  $g_m$ .

Es gilt:

$$r_{ds} = \frac{L E_{sat}}{I_{dssat}} \quad (7)$$

$E_{sat}$  ist die E-Feld Stärke bei der die Geschwindigkeit der Ladungsträger sättigt.  $E_{sat}$  hängt von Dotierung ab. Transistoren mit langem Gate haben höhere  $r_{ds}$  Werte.

Für eine 65 nm Technologie gilt:

$E_{sat}$  für PMOS  $\sim 10.4 \text{ V}/\mu\text{m}$  und  $E_{sat}$  für NMOS  $\sim 9.7 \text{ V}/\mu\text{m}$

$\mu(\text{NMOS}) = 2.64 \times 10^{-2} \text{ m}^2/\text{Vs}$  und  $\mu(\text{PMOS}) = 1.45 \times 10^{-2} \text{ m}^2/\text{Vs}$

$C'_{ox} = 13.28 \text{ fF}/\mu\text{m}^2$  oder  $0.01328 \text{ f}/\text{m}^2$

$V_{th} \sim 0.4 \text{ V}$  („regular“  $V_{th}$  Transistoren)

Die Transkonduktanz wird als  $dI_{dssat}/dv_{gs}$  gerechnet.

Es gilt für starke Inversion (s. Vorlesung 4):

$$I_{dssat} = \frac{1}{2} \frac{W}{L} \mu C'_{ox} (V_{gs} - V_{th})^2 \quad (8)$$

Deswegen ist es:

$$g_m = \frac{W}{L} \mu C'_{ox} (V_{gs} - V_{th}) = \sqrt{2 \mu C'_{ox} \frac{W}{L} I_{dssat}} \quad (9)$$

oder

$$g_m = 2 \frac{I_{dssat}}{V_{gs} - V_{th}} = 2 \frac{I_{dssat}}{V_{dssat}} \quad (10)$$

Es gilt auch:

$$V_{dssat} = V_{gs} - V_{th} = \sqrt{I \frac{L}{W} \frac{2}{\mu C'_{ox}}} \quad (10b)$$

Wenn wir  $L$  vom  $T_{in}$  erhöhen, und andere Parameter konstant lassen, verbessern wir seinen  $r_{ds}$  (7) aber verschlechtern  $g_m$  (9). Wir möchten aber  $g_m$  nicht verkleinern. Also, um beides zu erhöhen ( $g_m$  und  $r_{out}$ ), müssen wir sowohl  $W$  als auch  $L$  des Eingangstransistors erhöhen.

Nachteil: Dadurch wird das Layout des Transistors und seine Eingangskapazität  $c_{gs}$  groß. Eine große Eingangskapazität ist schlecht – sie macht den Verstärker langsamer. Das wurde in zusätzlichen Seiten in Vorlesung 6 gezeigt.

Die Optimierung von  $T_{in}$  ist schwierig.

#### Optimierungsmethode für $T_{in}$ :

- 1) Wir beginnen von der Spezifikationen für den Leistungsverbrauch und bestimmen anhand dieser Spezifikation den  $I_{ds}$  Strom. (Der Leistungsverbrauch ist  $\text{Strom} \times V_{DD}$ ) Nehmen wir an  $I_{ds} = 40 \mu\text{A}$ .
- 2) Eine Transistorlänge wird festgelegt.  $L$  soll für analoge Schaltungen in der Regel wenigstens  $3 \times L_{min}$  sein, da die Transistoren mit der kleinsten Länge eine „schlechte“ Kennlinie haben ( $r_{ds}$  ist klein).  $L_{in} = m \times L_{min}$  ( $m=3$ ). In unserem Fall  $L_{min} = 65 \text{ nm}$  und  $L_{in} = 200 \text{ nm}$ .
- 3)  $W$  vom Eingangstransistor wird beginnend von  $W_{min}$  erhöht bis die Sättigungsspannung  $V_{dssat}$  etwa  $100 \text{ mV}$  wird.

$$V_{dssat} = V_{gs} - V_{th} = \sqrt{I \frac{L}{W} \frac{2}{\mu C'_{ox}}} \quad (10b)$$

Warum nehmen wir  $100 \text{ mV}$ ?  $V_{gs} - V_{th} = 100 \text{ mV}$  bedeutet etwa der Anfang von schwacher Inversion, weitere Erhöhung der Transistorbreite verbessert  $g_m$  nicht. (s. Vorlesung 4)

#### Optimierung von $T_{load}$

Die Stromquelle  $T_{load}$  ist einfacher zu optimieren da ihre  $g_m$  nicht so wichtig ist. (Kleine  $g_m$  ist besser, da die Stromquellen mit kleiner  $g_m$  weniger Rauschen erzeugen.) Nur  $r_{ds}$  soll maximiert werden. Wir wählen deshalb eine große Länge  $L_{load}$ . Beachten wir, dass bei einem Strom die Erhöhung von Gate-Länge zur Erhöhung von Spannung  $|V_{gs}|$  führt. Das folgt aus der Formel (8). Deswegen wird auch die Sättigungsspannung  $|V_{dssat}| = |V_{gs}| - |V_{th}|$  größer. Der Signalbereich am Ausgang, für den  $T_{load}$  in Sättigung ist, wird dann kleiner. Wie können wir folgend vorgehen:

Zuerst eine  $V_{dssat}$  wählen, die zu einem akzeptablen Signalbereich führt. Zum Beispiel  $V_{dssat} = 200 \text{ mV}$ . Dann wählen wir  $L_{load}$  etwa  $2 \times$  größer als  $L_{in}$ . Erhöhen wir dann  $W_{load}$ , bis wir  $V_{dssat}$  von  $200 \text{ mV}$  erreichen. Da ein PMOS etwa  $2 \times$  kleinere Beweglichkeit  $\mu$  als NMOS hat und da  $V_{dssat,load} = 2 \times V_{dssat,in}$  ist, erwarten wir  $W_{load} \sim W_{in}$ .

Nach solch einer Optimierung, bekommen wir  $r_{ds,in} < r_{ds,load}$ , weil  $L_{load} = 2 L_{in}$  ist (7).

Es ist:

$$A = -g_{m,in}(r_{ds,in} || r_{ds,load}) \sim -g_{m,in}r_{ds,in} \quad (11)$$

Berechnen wir eine typische Verstärkung:

Für starke Inversion gilt:

$$g_{m,in} = \frac{2I_{dssat}}{V_{dssat}} = \frac{2 \times 40\mu A}{0.1V} = 800\mu S$$

$$r_{ds,in} = \frac{E_{sat}L_{in}}{I_{dssat}} = \frac{\frac{9.7V}{\mu m} \times 200 nm}{40 \mu A} = 48.5 k\Omega$$

$$A = -\frac{2I_{dssat}}{V_{dssat}} \frac{E_{sat}L_{in}}{I_{dssat}} = -\frac{2E_{sat}L_{in}}{V_{dssat}} = \frac{2 \times \frac{9.7V}{\mu m} 200 nm}{0.1V} = -38.8$$

Es ist schwierig auf diese Weise höhere Verstärkungen als  $\sim 50$  zu erreichen.

(Übungsschaltung hat die maximale Verstärkung von 30.)

### Spannungsverstärker basierend auf einer Kaskode

Wie können wir die Verstärkung erhöhen? Eine Möglichkeit ist die Verwendung vom Kaskodentransistor  $T_{casc}$ , Abbildung 21.

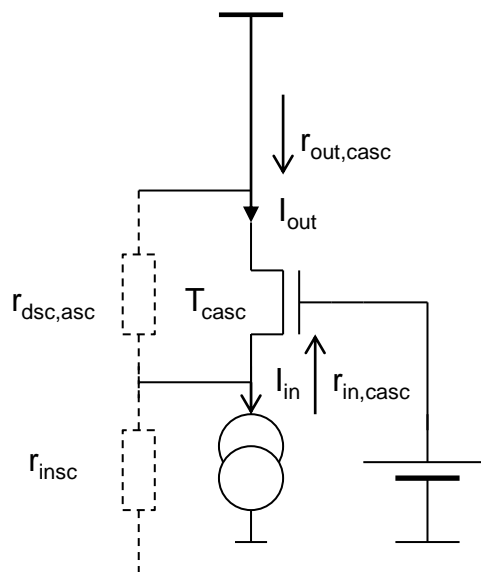


Abbildung 21: Kaskodentransistor

Erinnern wir uns, ein Kaskodentransistor ( $T_{casc}$ ) ist ein Impedanzwandler.

Es gilt:  $I_{out} = I_{in}$ .

Die Eingangsimpedanz  $r_{in,casc}$  ist klein, die Ausgangsimpedanz  $r_{out,casc}$  ist groß.

$$r_{in,casc} = 1/g_{m,casc} \quad (12)$$

$$r_{out,casc} = g_{m,casc} r_{ds,casc} r_{in,casc} \quad (13)$$

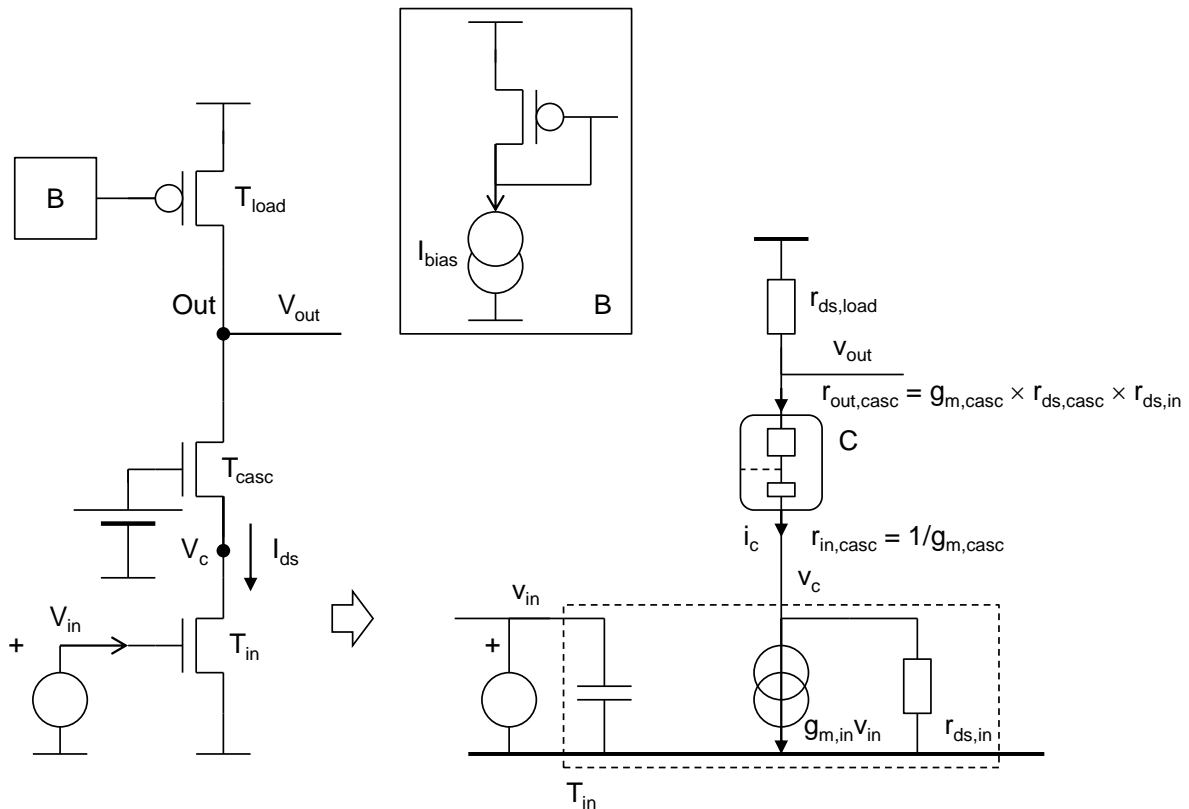


Abbildung 22: Spannungsverstärker mit Kaskodentransistor – Kaskoden-Schaltung

Abbildung 22 zeigt den Spannungsverstärker mit Kaskodentransistor, oder einfach Spannungsverstärker *mit Kaskode*. Wir haben jetzt drei Transistoren in Reihe: den Eingangstransistor  $T_{in}$ , den Kaskodentransistor  $T_{casc}$  und den Lasttransistor  $T_{load}$ . Rechts in Abbildung 22 ist die Kleinsignalschaltung.

Funktionsweise: Der Kleinsignal Strom, generiert vom  $T_{in}$  fließt fast vollständig durch  $T_{casc}$  (Bauteil C, im Kleinsignalmodell) zum Ausgang Out.

Der Strom generiert durch die Stromquelle des Transistors  $T_{in}$  ( $i = g_{m,in} V_{in}$ ) teilt sich zwar auf den Strom durch  $r_{ds,in}$  und den Strom durch  $T_{casc}$  (Teil C in Abbildung 22, rechts). Der Strom durch  $T_{casc}$  ist (Formel für Stromteiler):

$$i_c = \frac{r_{ds,in}}{r_{ds,in} + r_{in,casc}} g_{m,in} V_{in}$$

Da der Eingangswiderstand der Kaskode  $r_{in,casc}$  kleiner als  $r_{ds,in}$  ist, gilt

$$i_c \sim g_{m,in} V_{in}$$

Der Strom  $i_c$  fließt in den Punkt Out. Der Gesamtwiderstand in Punkt Out ( $r_{out}$ ) ist die Parallelschaltung vom  $r_{ds,load}$  und dem Ausgangswiderstand von Kaskode  $r_{out,casc}$  (13).

$$r_{out,casc} = r_{ds,load} || r_{out,casc} = r_{ds,load} || (r_{ds,in} g_{m,casc} r_{ds,casc}) \quad (14)$$

Die Spannungsverstärkung ist

$$A_{casc} = -g_{m,in} r_{out,casc} = -g_{m,in} [r_{ds,load} || (r_{ds,in} g_{m,casc} r_{ds,casc})] \quad (14)$$

Vergleichen wir den Ausgangswiderstand und die Verstärkung vom Verstärker ohne und mit Kaskode.

Im Fall vom Verstärker ohne Kaskode, war der Ausgangswiderstand:

$$r_{out,nocasc} = r_{ds,load} || r_{ds,in} \quad (15)$$

Wenn wir den Verstärker nach der oben beschriebener Vorgehensweise optimieren ( $L_{load} = 2L_{in}$ ), bekommen wir (7):

$$r_{ds} = \frac{L E_{sat}}{I_{dssat}}$$

und nach Berücksichtigung  $E_{sat,pmos} \sim E_{sat,nmos}$ :

$$r_{ds,load} \sim 2 r_{ds,in}$$

Daraus folgt:

$$r_{out,nocasc} \sim r_{ds,load} || r_{ds,in} \sim r_{ds,in} \quad (16)$$

Die Spannungsverstärkung ist:

$$A_{nocasc} = -r_{out,casc} g_{m,in} \sim -g_{m,in} r_{ds,in} \quad (16b)$$

Betrachten wir jetzt den Verstärker mit Kaskode:

Produkt  $g_{m,casc} r_{ds,casc}$  können wir mithilfe von Formel (7) und (10) abschätzen:

$$g_{m,casc} r_{ds,casc} = 2 \frac{I_{dssat}}{V_{dssat}} \frac{L_{casc} E_{sat}}{I_{dssat}} = 2 \frac{L_{casc} E_{sat}}{V_{dssat}}$$

Nehmen wir an dass der Kaskodentransistor identische Dimensionen wie der Eingangstransistor hat:  $L_{casc} = L_{in} = 200 \text{ nm}$ . Da der gleiche DC Strom durch  $T_{casc}$  wie durch  $T_{in}$  fließt, bekommen wir wir:

$$g_{m,casc} r_{ds,casc} = 2 \frac{L_{casc} E_{sat}}{V_{dssat}} = 2 \frac{200 \text{ nm} \times 9.7 \frac{\text{V}}{\mu\text{m}}}{0.1} \sim 38.8$$

Dementsprechend ist der Ausgangswiderstand mit Kaskode etwa:

$$r_{out,casc} = r_{ds,load} || r_{out,casc} = (2 r_{ds,in}) || (28.8 r_{ds,in}) \sim 2 r_{ds,in} \quad (17)$$

Die Spannungsverstärkung des Verstärkers mit Kaskode ist:

$$A_{casc} = - \frac{r_{out} i_c}{v_{in}} \sim - r_{out,casc} g_{m,in} = 2 g_{m,in} r_{ds,in} \quad (17b)$$

Aus (17b) und (16b) folgt, dass die Spannungsverstärkung des Verstärkers mit Kaskode etwa um Faktor 2 größer ist als ohne Kaskode da  $r_{out,casc}$  auch um Faktor 2 größer als  $r_{out,nocasc}$  ist.

Es gibt einige Möglichkeiten die Verstärkung weiter zu erhöhen.

Wir können, zum Beispiel, die Stromquelle  $T_{load}$  durch einen PMOS Kaskodentransistor  $T_{lcasc}$  erweitern, Abbildung 23. Auf diese Weise erhöhen wir den Ausgangswiderstand der Last-Stromquelle von  $r_{ds,load}$  (Wert ohne  $T_{lcasc}$ ) auf  $r_{ds,load} g_{m,lcasc} r_{ds,lcasc} \sim 42 r_{ds,load}$  (Wert mit  $T_{lcasc}$  mit  $L = 400 \text{ nm}$  und  $V_{dssat} = 200 \text{ mV}$ ).

Es ist:

$$g_{m,casc} r_{ds,casc} = 2 \frac{L_{casc} E_{sat}}{V_{dssat}} = 2 \frac{400 \text{ nm} \times 10.4 \frac{\text{V}}{\mu\text{m}}}{0.2} \sim 41.6$$

Die Spannungsverstärkung ist nun:

$$A_{doblecasc} = - g_{m,in} \left( (r_{ds,load} g_{m,lcasc} r_{ds,lcasc}) || (r_{ds,in} g_{m,casc} r_{ds,casc}) \right) \sim g_{m,in} r_{ds,in} g_{m,casc} r_{ds,casc} \quad (18)$$

Die Verstärkung mit doppelter Kaskode (18) ist etwa  $20 \times$  größer als mit einem Kaskodentransistor (17b).

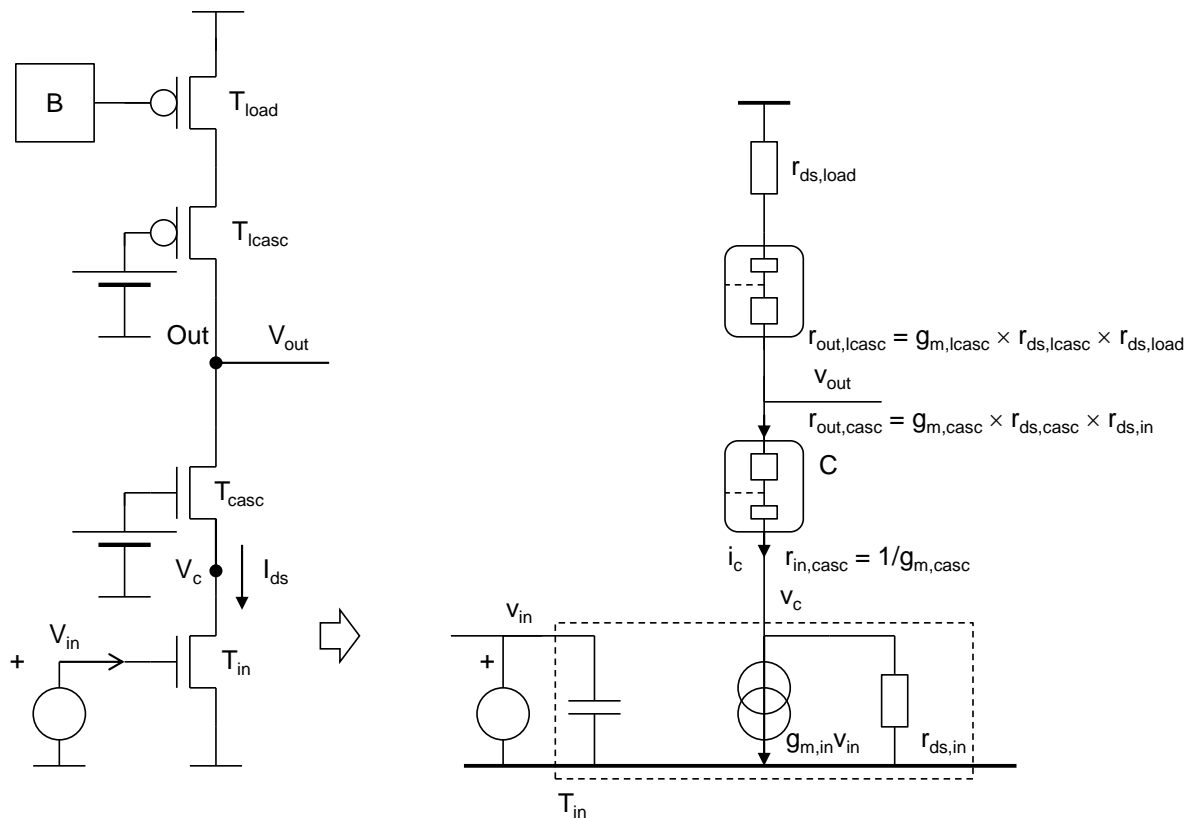


Abbildung 23: Spannungsverstärker mit zwei Kaskodentransistoren

**Dynamikbereich**

Eine weitere wichtige Eigenschaft ist maximaler Signalbereich am Ausgang des Verstärkers. Wir nennen es auch *Dynamikbereich*.

Es ist wichtig uns daran zu erinnern, dass ein Kleinsignalmodell nur dann richtig ist, wenn alle Transistoren in Sättigung sind. Transistoren sollen nicht nur im Arbeitspunkt in Sättigung sein sondern auch dann wenn wir ein Signal auf den Arbeitspunkt addieren.

Ein Spannungsverstärker wird oft mit Rückkopplung verwendet. Wenn wir die Art der Rückkopplung wie in Vorlesungen 5/6 benutzen (invertierender Verstärker), haben wir am Eingang des Verstärkers eine virtuelle Masse. Potential  $v_{IN}$  ändert sich wenig.

Am Ausgang des Verstärkers haben wir ein verstärktes Signal und die Änderung von  $v_{OUT}$  ist groß.

Wir müssen also vor allem sicherstellen, dass die Änderung von  $v_{OUT}$  nicht zu groß wird und die Transistoren aus der Sättigung bringt. Das ist in Abbildung 22 gezeigt.

Rechnen wir jetzt den Signalbereich am Ausgang des Verstärkers mit Kaskode:

Das Potential  $V_{out}$  muss hoch genug sein, dass beide Transistoren  $T_{casc}$  und  $T_{in}$  in Sättigung abreiten. Das heißt

$$v_{OUT} > V_{dssat,in} + V_{dssat,casc} = 0.1V + 0.1V = 0.2V \quad (19)$$

Diese minimale Spannung gilt nur wenn wir das Gate-Potential der Kaskode so wählen, dass die Source von  $T_{casc}$  auf dem Potential  $V_{dssat,in}$  ist.

Das Potential  $v_{OUT}$  muss auch niedrig genug sein, dass  $T_{load}$  in Sättigung ist:

$$v_{OUT} < VDD - V_{dssat,load} = 1.2V - 0.2V = 1.0V \quad (20)$$

Wenn wir den Verstärker mit der Gegenkopplung wie in Vorlesungen 5-6 stabilisieren (illustriert mit  $R_{fb}$  in Abbildung 24), gilt für die DC Werte  $V_{in} = V_{out}$ .

Es gilt dann:

$$V_{out} = V_{in} = V_{gs,in} = V_{dssat,in} + V_{th} = 0.1V + 0.4V = 0.5V \quad (21)$$

$V_{out}$  DC Wert ist also 0.5V (21) und das Potential am Ausgang bis 1.0V steigen (21) und bis 0.2V sinken (19). Wenn wir ein um den Mittelwert symmetrisches Signal haben, ist die Maximale Amplitude 0.6 V peak to peak (Abbildung 24).

Ähnliche Analyse kann man für den Verstärker mit zwei Kaskoden (eine für  $T_{in}$  und andere für  $T_{load}$ ) durchführen, Abbildung 25.

Dynamikbereich ist eine wichtige Eigenschaft. Qualität einer analogen Schaltung hängt vom Signalamplitude zum Rauschen Verhältnis. (Englisch: signal to noise ratio - SNR) Signalamplitude ist oft gleich dem Dynamikbereich. Wenn wir einen großen Dynamikbereich haben, ist auch SNR groß.

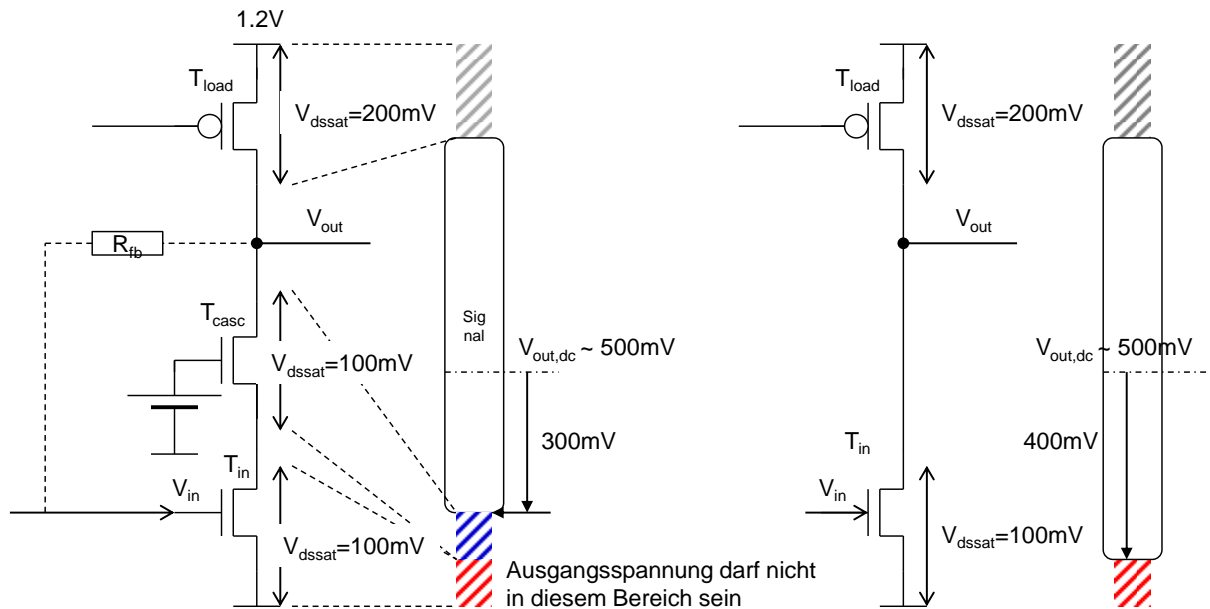


Abbildung 24: Dynamikbereich des Verstärkers mit Kaskode (links) und des Verstärkers ohne Kaskode (rechts)



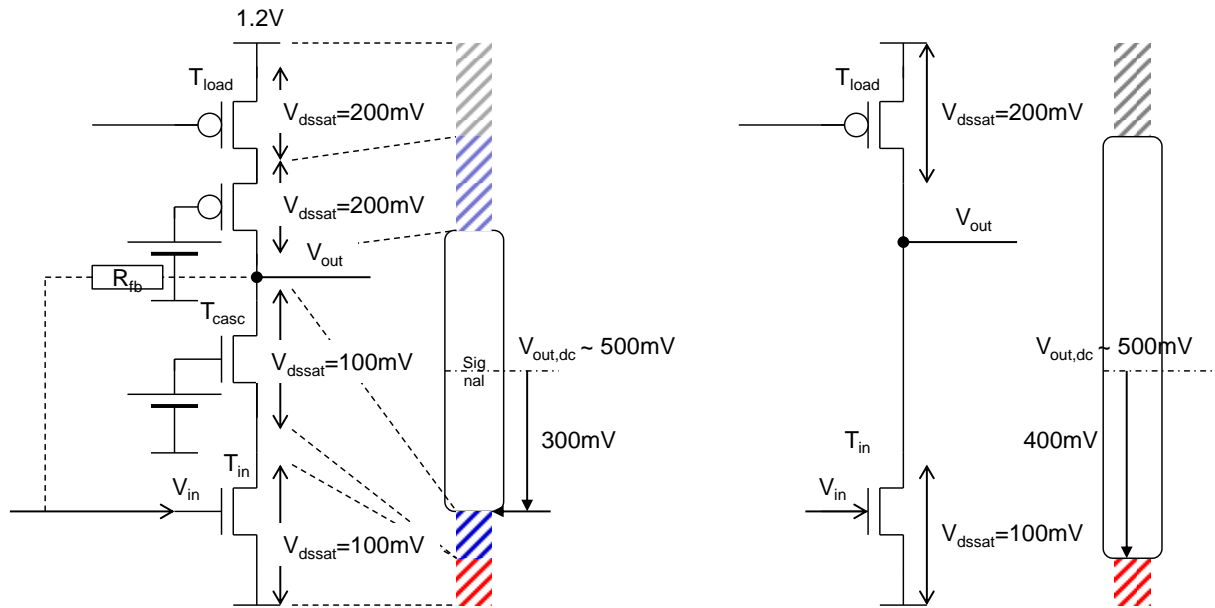


Abbildung 25: Dynamikbereich des Verstärkers mit doppelter Kaskode (links) und des Verstärkers ohne Kaskode (rechts)

### Gefaltete Kaskode

Das letzte Thema dieser Vorlesung ist die gefaltete Kaskode.

Ein Kaskodentransistor kann auch als Schaltung für Addieren von mehreren Strömen benutzt werden, wie Abbildung 26 zeigt.

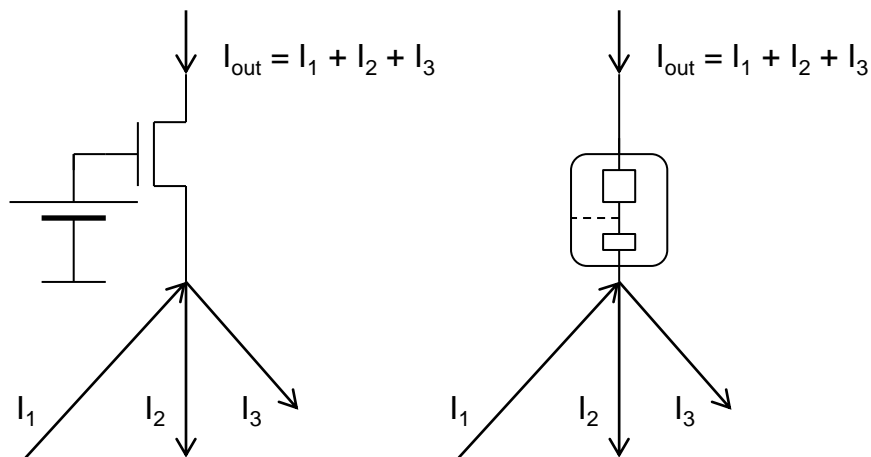


Abbildung 26: Addieren von Strömen mit einem Kaskodentransistor

Wir können einen PMOS als Kaskodentransistor verwenden. Knoten C (Abbildung 27, rechts) ist die Source vom  $T_{casc}$ .

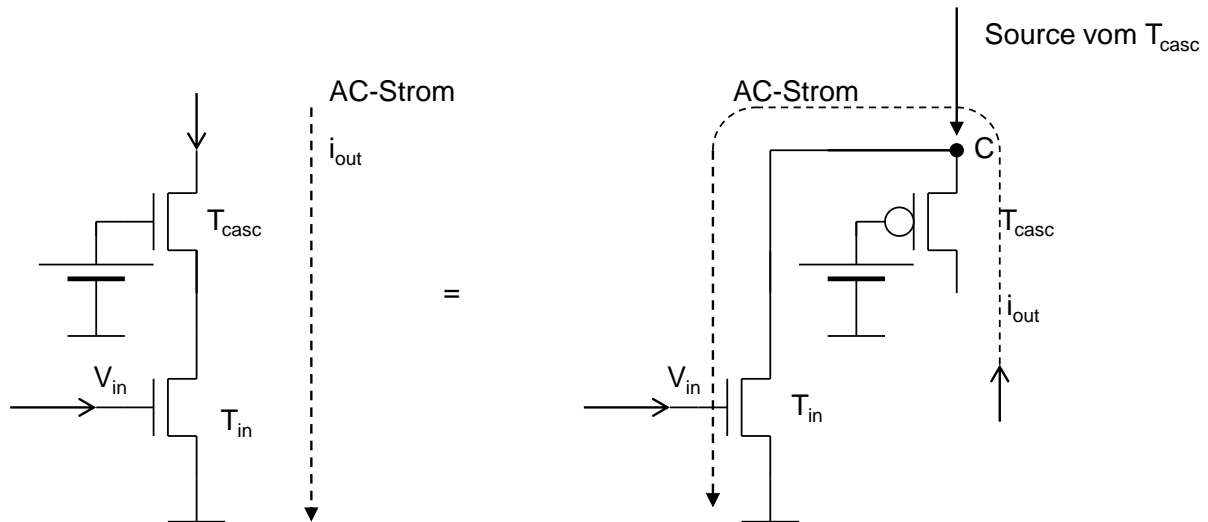


Abbildung 27: Gefaltete Kaskode

Noch zwei Bauteile sind nötig um einen Spannungsverstärker aufzubauen (Abbildung 28):

Eine PMOS Bias-Stromquelle  $I_{bias}$  wird benutzt um einen richtigen Arbeitspunkt vom Kaskodentransistor  $T_{casc}$  zu erreichen. Ein Widerstand  $R_{load}$  erzeugt die Ausgangsspannung.

Der Signalpfad macht im Verstärker mit PMOS Kaskode eine Kurve und hat sowohl seinen Anfang als auch sein Ende in der Masse. Anders gesagt, wenn Strom  $I_{ds}$  vom  $T_{in}$  steigt, muss der Strom  $|I_{ds}|$  vom  $T_{casc}$  sinken (Abbildung 28). Deswegen wird solch eine Kaskode gefaltete Kaskode (folded cascode) genannt.

Die Schaltungen in Abbildung 22 und Abbildung 25 werden direkte Kaskoden genannt.

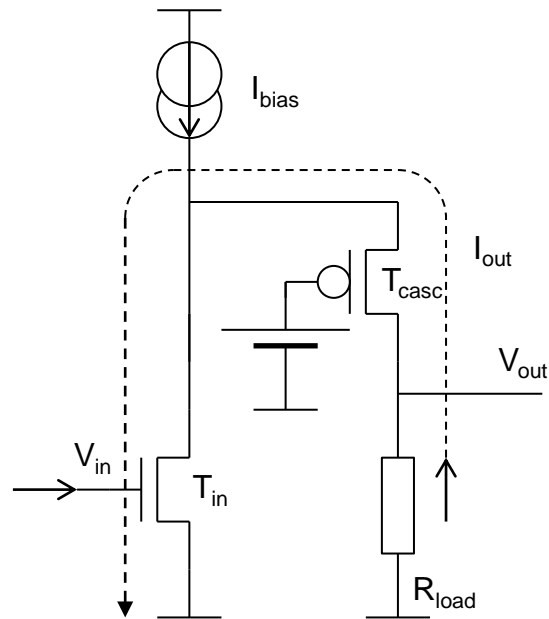


Abbildung 28: Verstärker basierend auf gefalteter Kaskode

Wir verwenden eine NMOS Stromquelle als Last-Element. Die vollständige Schaltung sehen wir in Abbildung 29.

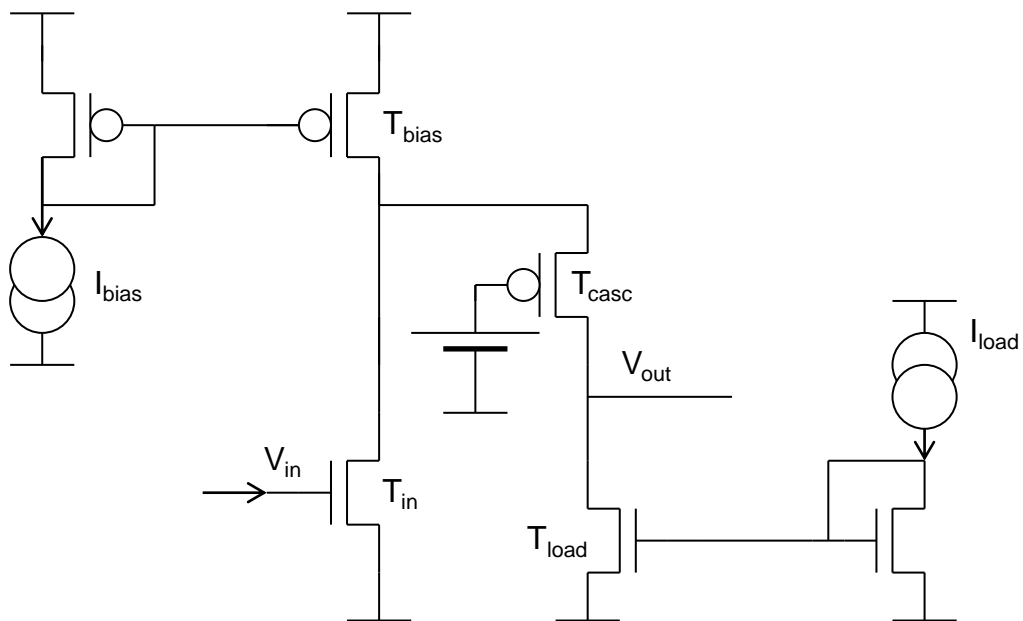


Abbildung 29: Verstärker basierend auf gefalteter Kaskode, vollständige Schaltung

Die Kleinsignalschaltung ist in Abbildung 30 gezeigt.

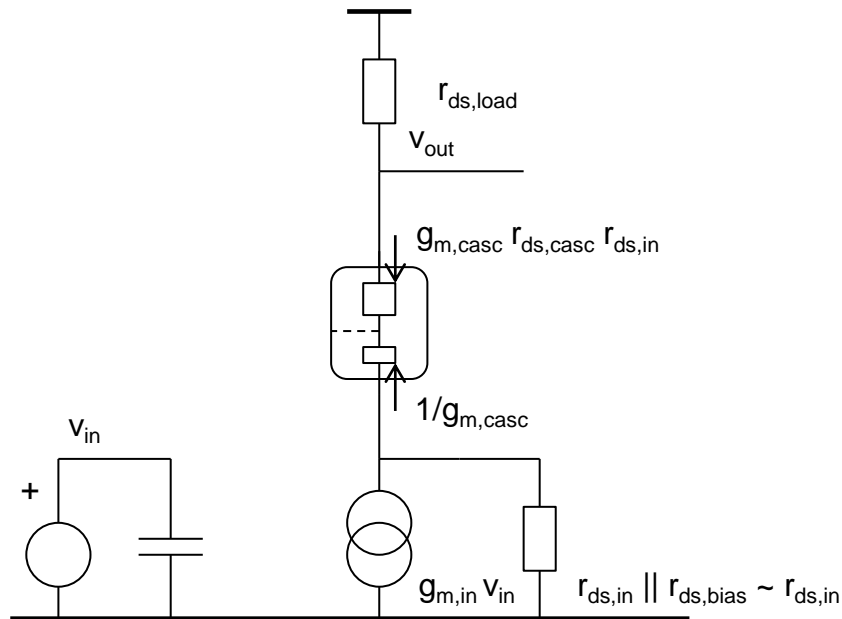


Abbildung 30: Verstärker basierend auf gefalteter Kaskode, Kleinsignalmodell

Wir entfernen alle konstanten Stromquellen. Die PMOS Bias-Quelle stellt für AC-Signale nur einen relativ großen  $r_{ds,bias}$  Widerstand dar, der in parallel mit dem  $r_{ds,in}$  Widerstand vom Eingangstransistor steht. Wir werden  $r_{ds,bias}$  vernachlässigen, da er größer als  $r_{ds,in}$  ist. NMOS Last erzeugt einen Lastwiderstand  $r_{ds,load}$ .

Wenn wir diese Schaltung mit der Kleinsignalschaltung der direkten Kaskode (Abbildung 22) vergleichen, sehen wir, dass die Schaltungen gleich sind. Dementsprechend sind auch die Parameter wie Verstärkung,  $r_{out}$  mit den gleichen Formeln beschrieben. Die Verstärkung ist:

$$A = -g_{m,in} (r_{ds,load} \parallel r_{ds,casc} g_{m,casc} r_{ds,in}) \quad (22)$$

Berechnen wir nun die Kleinsignalparameter. Betrachten wir dafür die DC-Ströme.

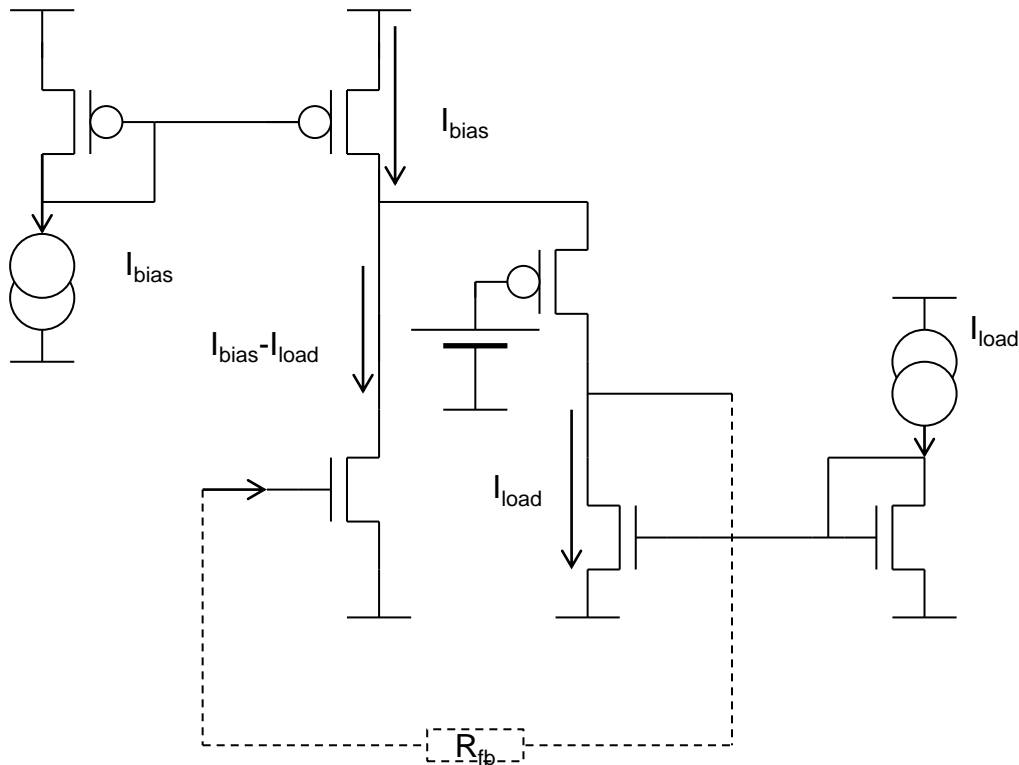


Abbildung 31: Gefaltete Kaskode, DC Ströme, Arbeitspunkt

Durch  $T_{load}$  und  $T_{casc}$  fließt der DC Strom  $I_{load}$  (Abbildung 31). Durch die PMOS Bias-Quelle  $T_{bias}$  fließt  $I_{bias}$ . Durch den Eingangstransistor  $T_{in}$  fließt  $I_{bias} - I_{load}$ .  $I_{bias}$  muss grösser als  $I_{load}$  sein, sonst sperrt  $T_{in}$ .

Um möglichst große Verstärkung zu bekommen, möchten sowohl  $g_{m,in}$  als auch  $r_{ds,load}$  maximieren. Für eine große  $g_{m,in}$  muss der Bias-Strom durch den Eingangstransistor groß sein. Für einen großen Widerstand  $r_{ds,load}$  muss der Bias-Strom durch den Lasttransistor klein sein. Wir erreichen beide Bedingungen durch  $I_{load} \ll I_{bias}$ . Eine gute Wahl ist:  $I_{load} = 0.1 (I_{bias} - I_{load})$

Da  $I_{load}$  10× kleiner als  $T_{in}$  Bias-Strom ist, kann  $L_{load}$  größer als  $L_{in}$  sein, z.B.  $L_{load} = 2L_{in}$ .

In dem Fall ist  $r_{ds,load} = 20 \times r_{ds,in}$ . (Wegen  $r_{ds} = E_{sat} L / I$ ).

Faktor  $r_{ds,casc} g_{m,casc}$  ist etwa 80 für  $L_{casc} = 400\text{nm}$  und  $V_{dssat,casc} = 100\text{ mV}$ .

$$g_{m,casc} r_{ds,casc} = 2 \frac{L_{casc} E_{sat}}{V_{dssat}} = 2 \frac{400\text{ nm} \times 10.4 \frac{\text{V}}{\mu\text{m}}}{0.1} \sim 83.2$$

Deswegen gilt für die gefaltete Kaskode:

$$A = -g_{m,in} (r_{ds,load} \parallel r_{ds,casc} g_{m,casc} r_{ds,in}) \sim 20 g_{m,in} r_{ds,in} \quad (23)$$

Das ist etwa 20× besser als bei dem einfachen common source Verstärker (11) (der eine Verstärkung von etwa 40 hat) 10× besser als bei dem Verstärker mit einer direkten Kaskode (17b) und etwa gleich groß bei dem Verstärker mit doppelter Kaskode (18).

Verstärker basierend auf gefalteter Kaskode wird oft benutzt. Er hat eine gute Spannungsverstärkung und einen um DC Wert symmetrischen und großen Dynamikbereich, wie Abbildung 32 zeigt.

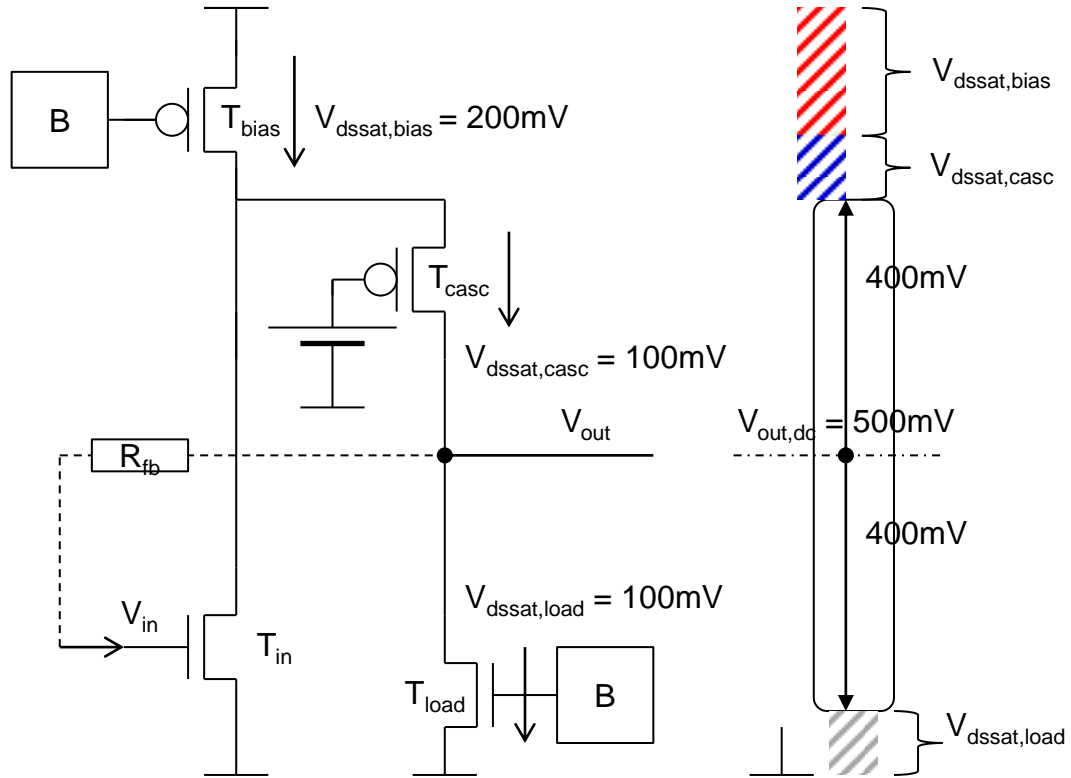


Abbildung 32: Dynamikbereich des Verstärkers mit gefalteter Kaskode